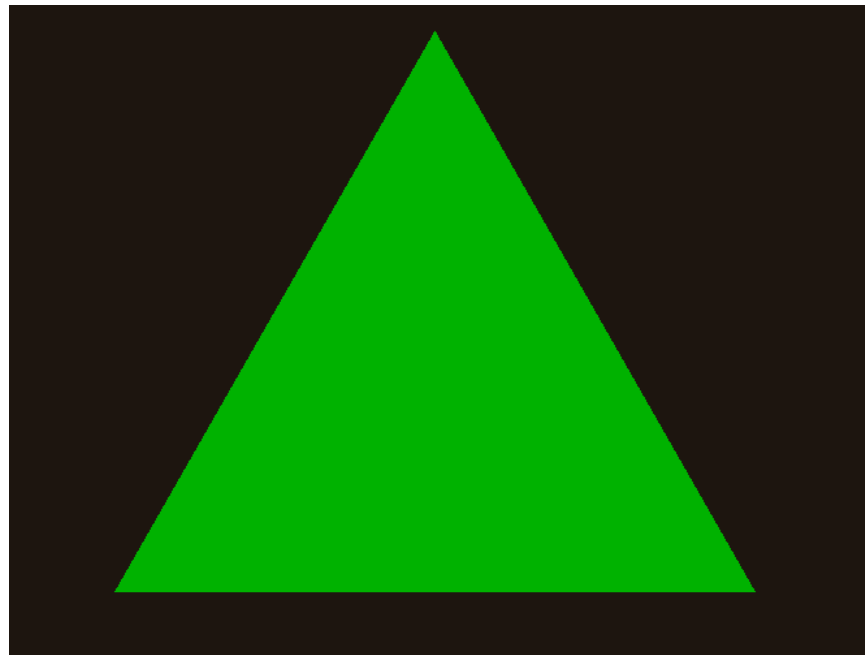
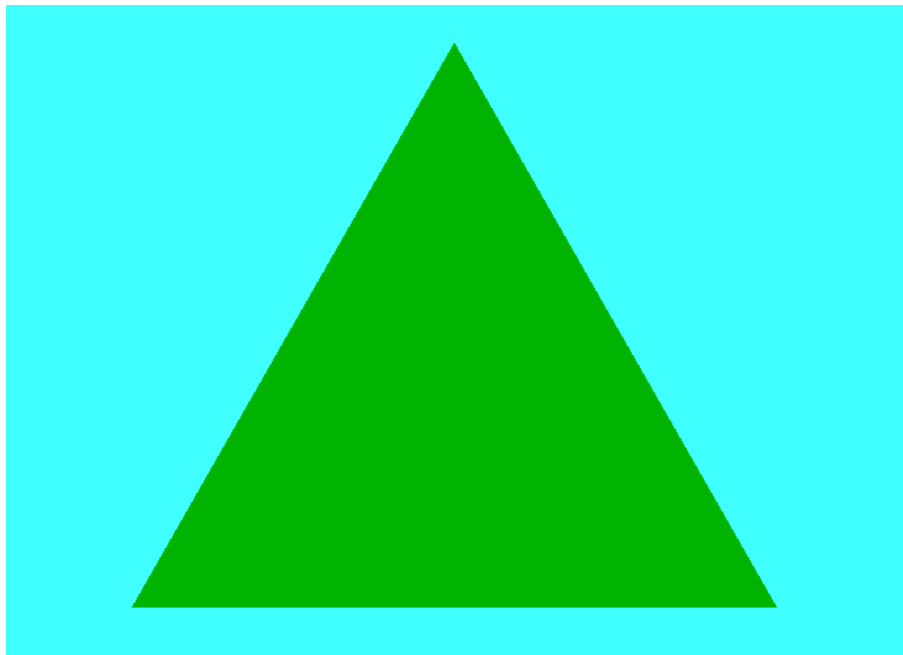


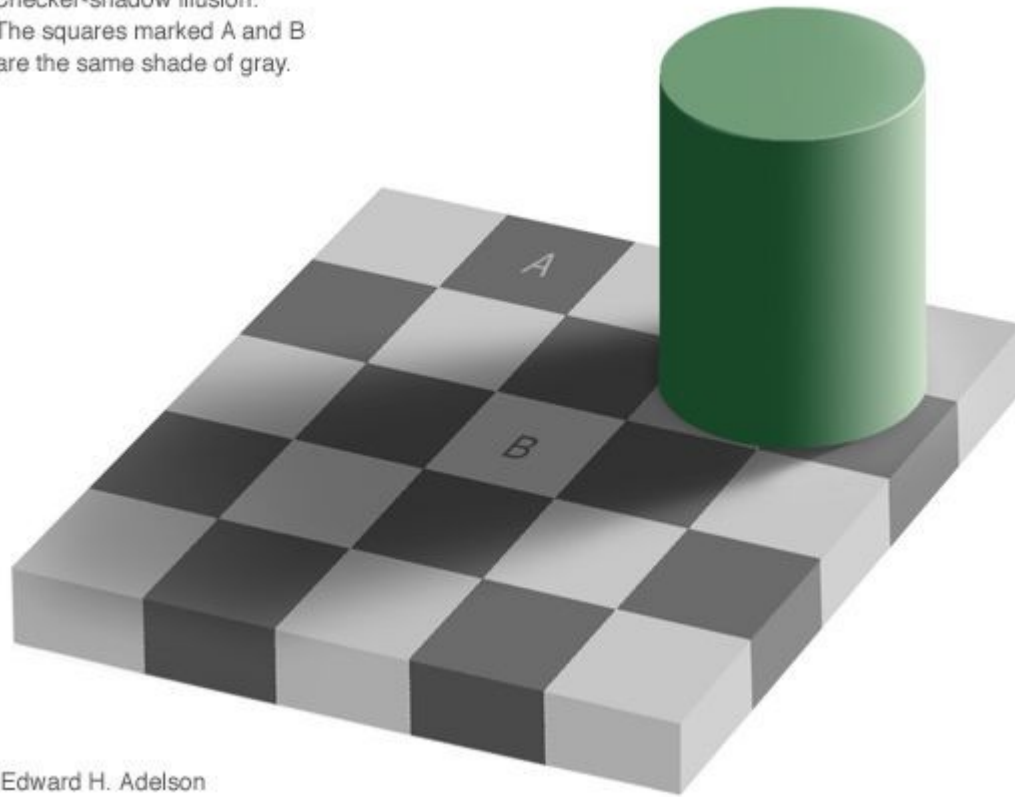
Компьютерная Графика

Как мы видим

Чувствительность глаза



Checker-shadow illusion:
The squares marked A and B
are the same shade of gray.

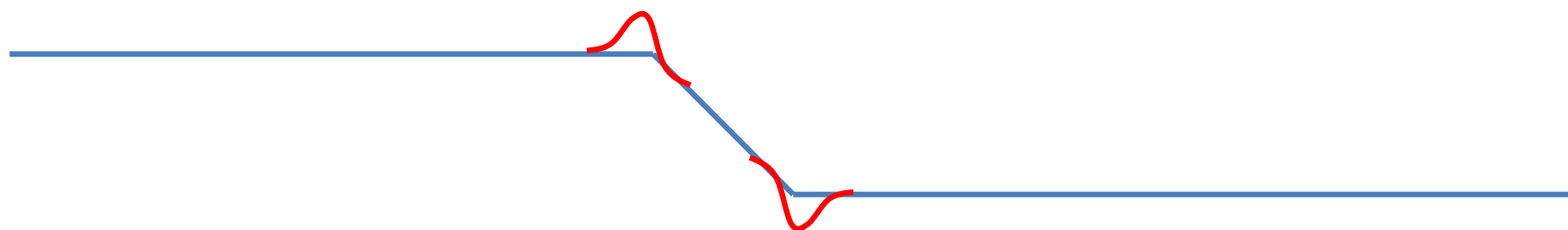


Edward H. Adelson

Полосы Маха



Полосы Маха



Глаз чувствует на границах перепады *интенсивности и ее производной*

Полосы Маха

Итак, это интересный визуальный артефакт, известный как Mach band effect — на границе скачкообразного перехода интенсивности человек видит темные цвета более темными, а светлые цвета более светлыми, чем они есть на самом деле, что в случае полигональных геометрических моделей еще более усиливает эффект «гранёности» поверхности

Полосы Маха

Flat



Gouraud

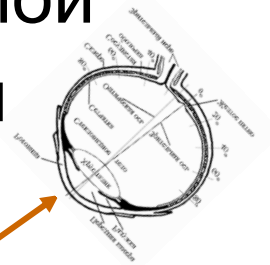
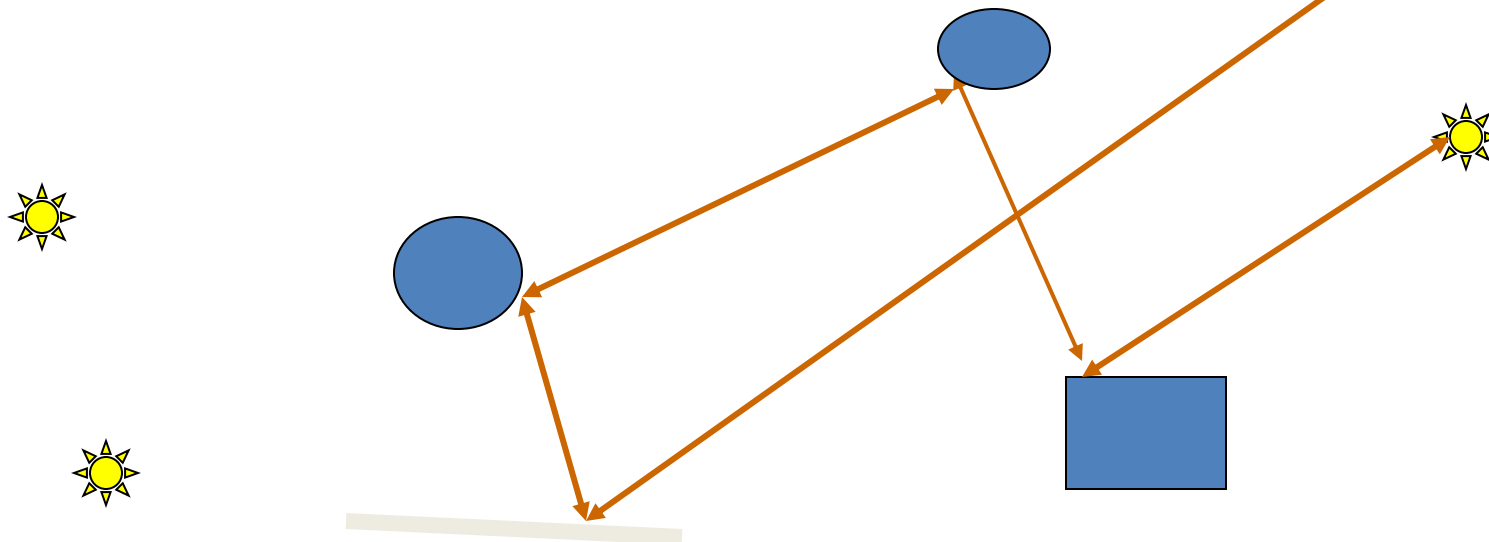


Компьютерная Графика

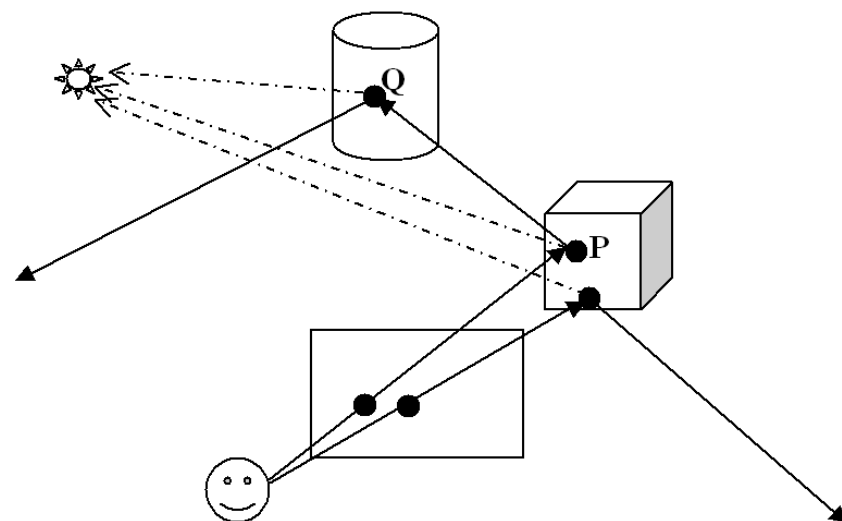
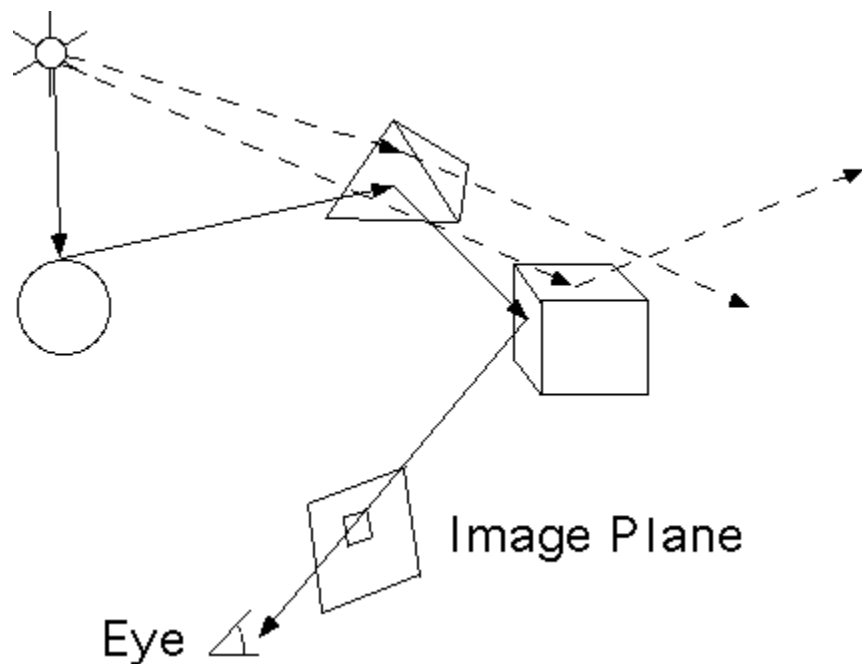
Освещение

Геометрическая оптика и среда

- Луч света (ЛС или фотон) всегда по прямой
- Два ЛС не взаимодействуют друг с другом
- ЛС не взаимодействует со средой
- Закон обращения (принцип Гельмгольца)



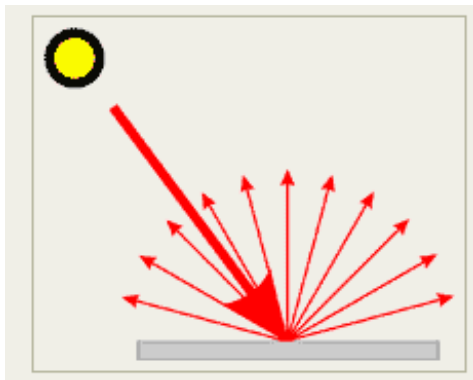
Прямая и обратная трассировки



Отражение от поверхности

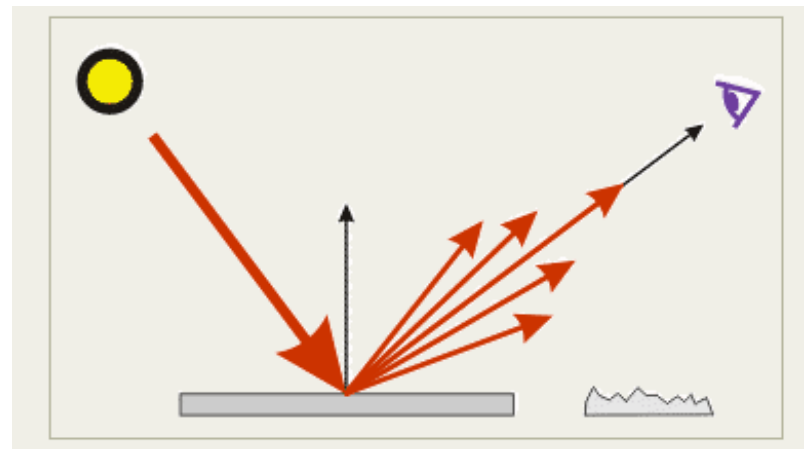
Диффузное

- Поглощение и эмиссия
- По всем направлениям равномерно

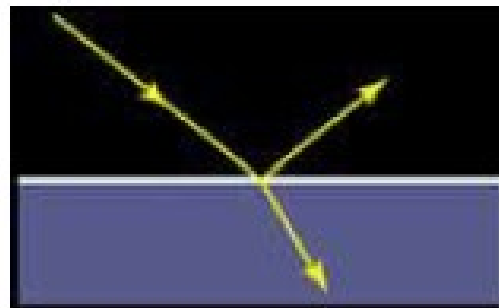
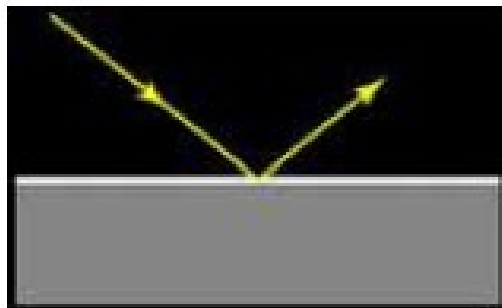


Зеркальное

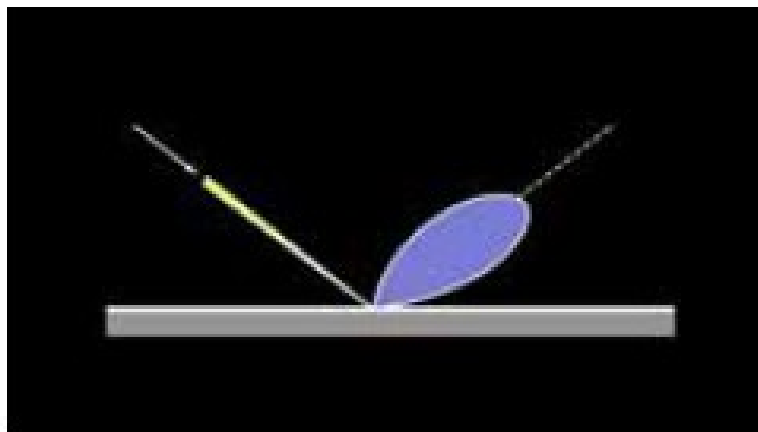
- От внешней поверхности
- Зависит от положения источников и камеры
- Гладкая – узкий блик; шероховатая – широкое пятно



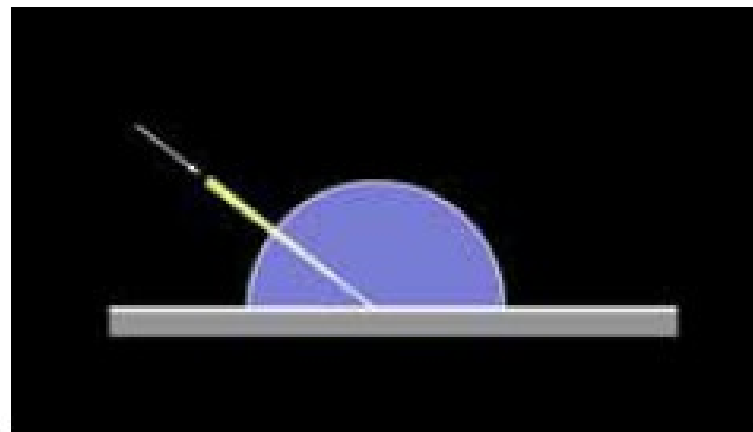
Допущения модели



ideal specular (Fresnel)

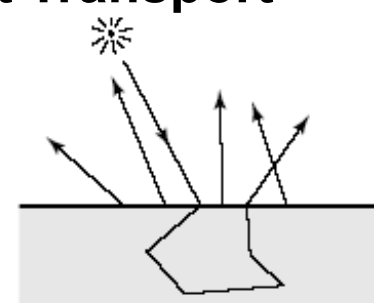
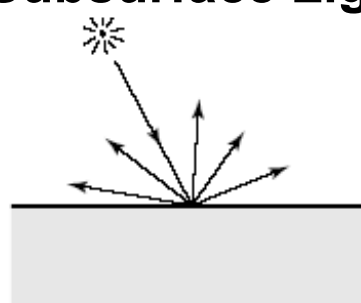
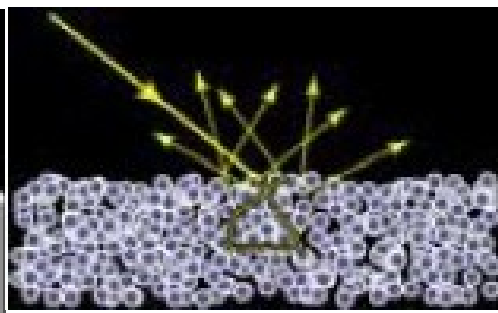
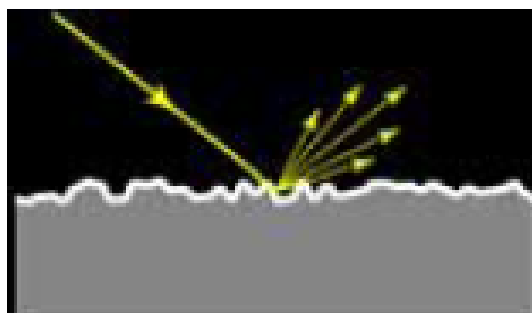


rough specular



Lambertian

Subsurface Light Transport



Локальная модель освещенности

- Каждый источник освещения – отдельно
- Линейная комбинация для нескольких источников:
 - $I(a+b) = I(a) + I(b)$
 - $I(k*a) = k*I(a)$
- Нет влияния объектов друг на друга
- Без теней, без отражений
- Каждый пиксель обрабатывается независимо от других пикселей

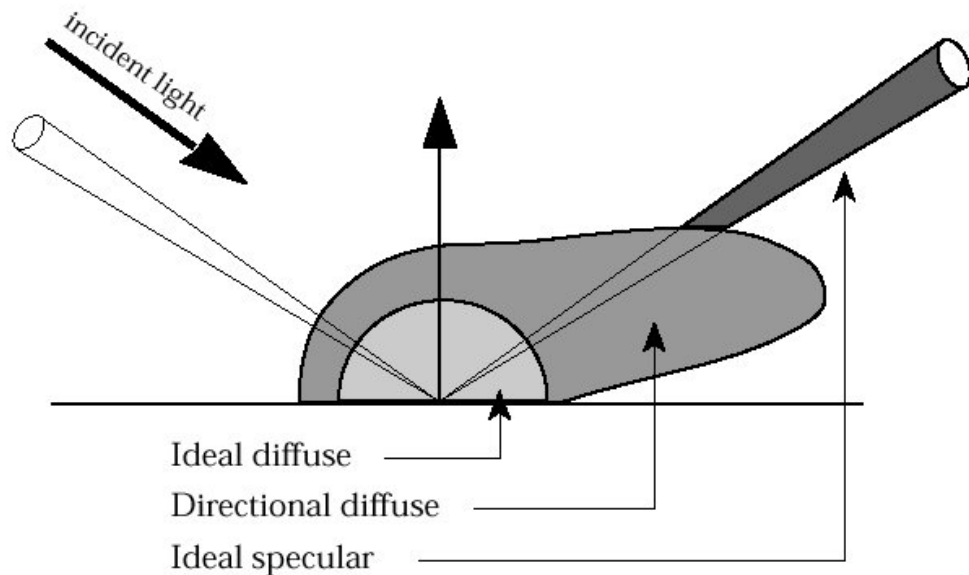
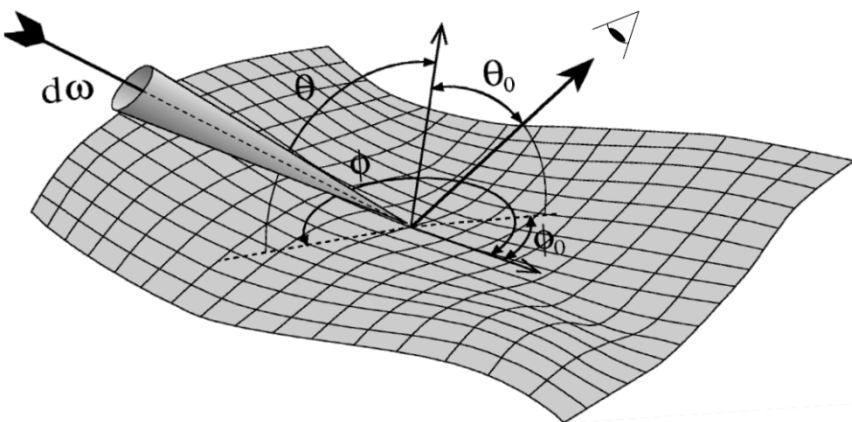
Локальная модель освещенности

BRDF

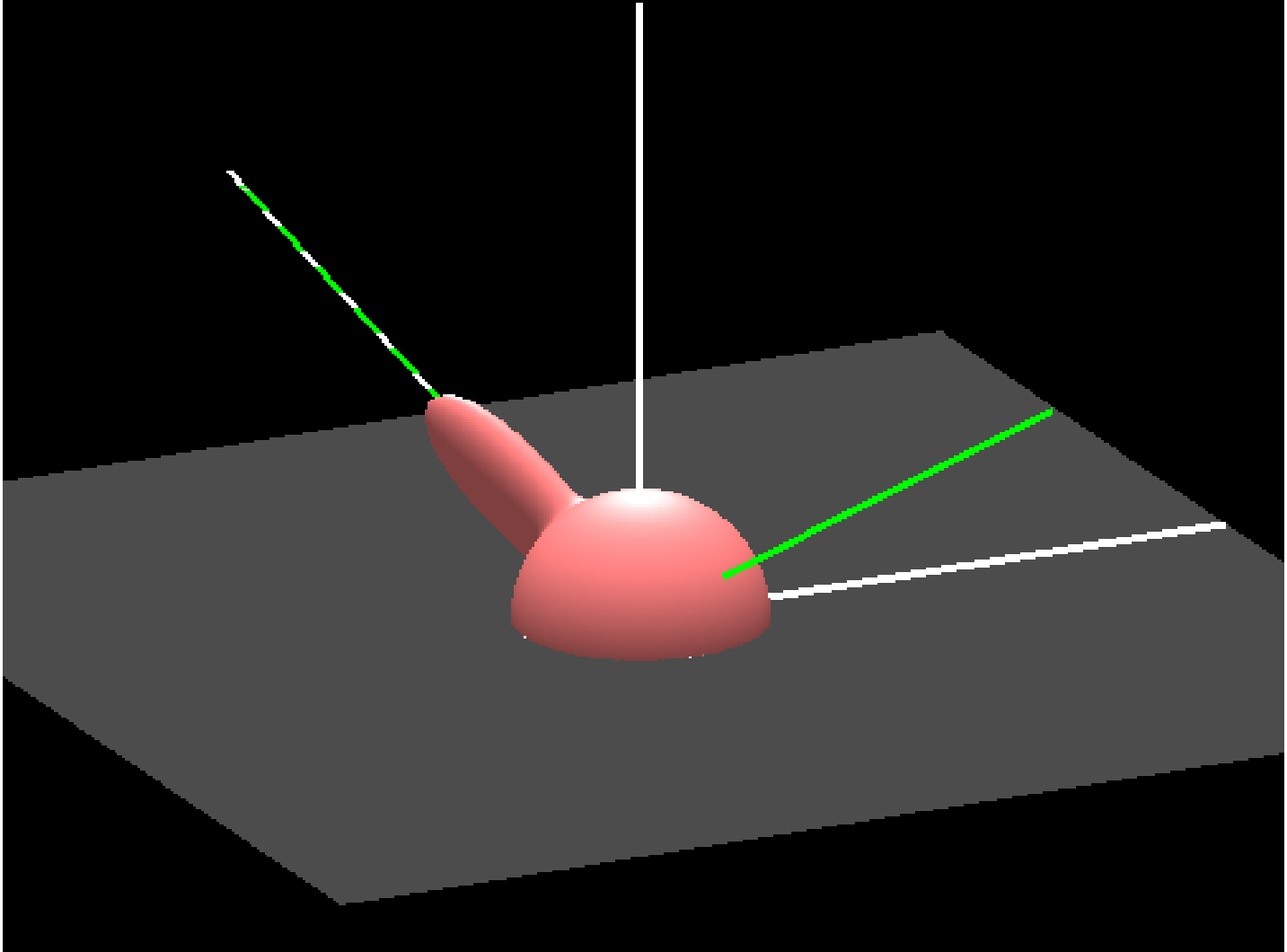
Bidirectional reflectance
distribution function

Двухлучевая функция отражательной способности

Функция $I(\varphi_{out}, \theta_{out}) = brdf(\varphi_{in}, \theta_{in}, \varphi_{out}, \theta_{out}) \cdot I(\varphi_{in}, \theta_{in})$

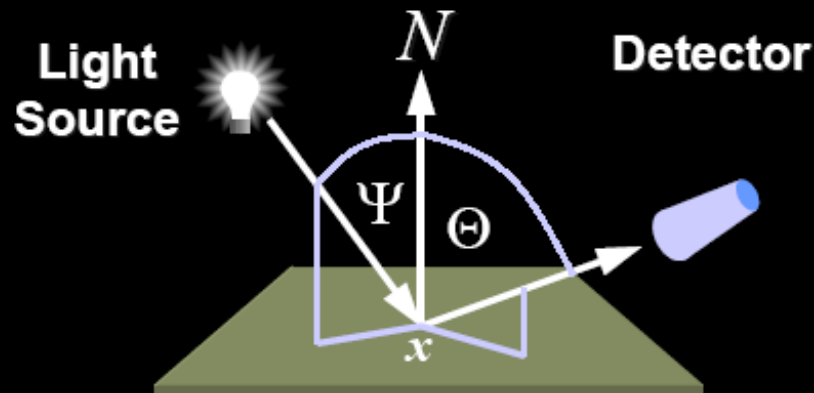


BRDF



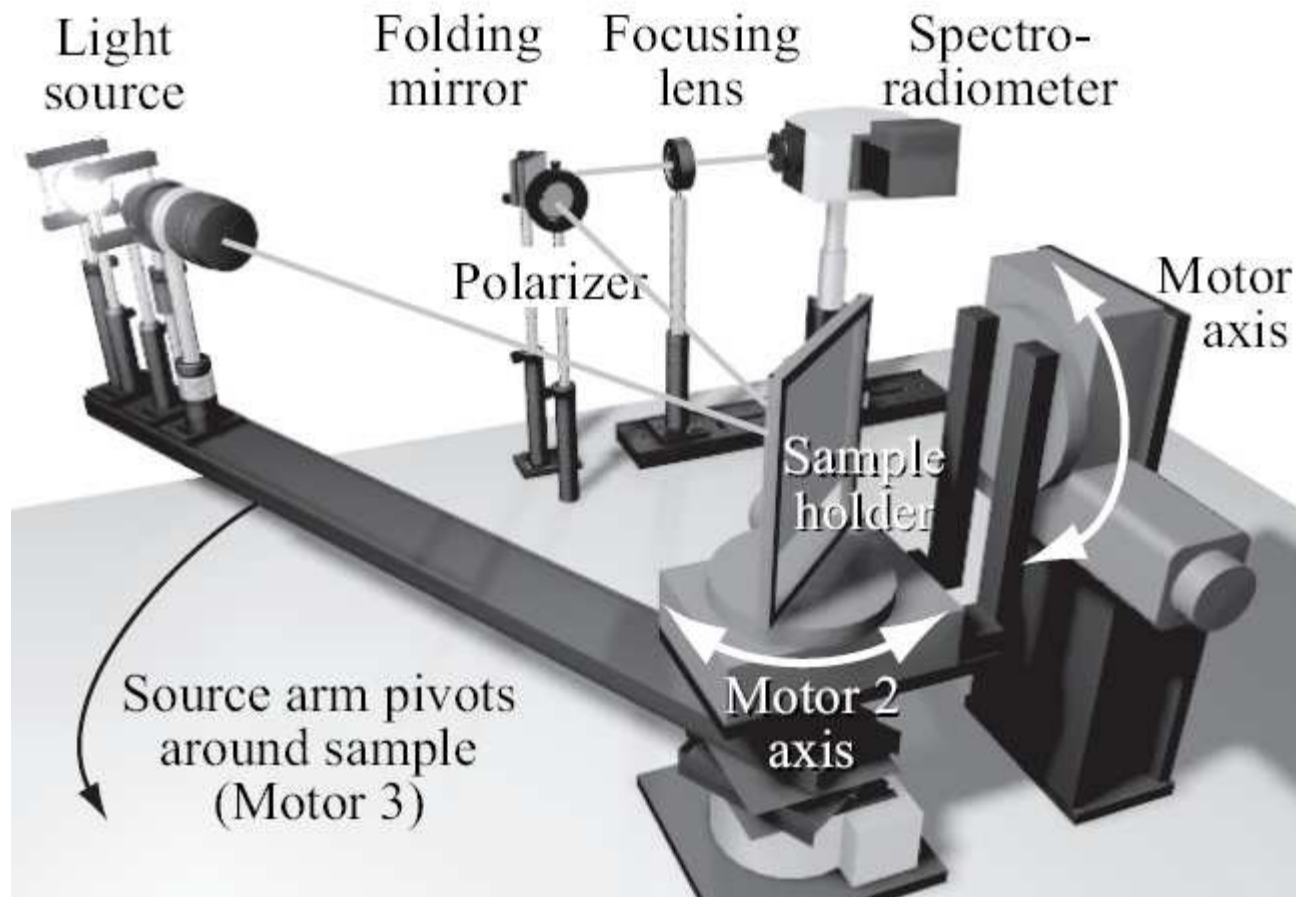
ИЗМЕРЕНИЯ BRDF

- Bidirectional Reflectance Distribution Function



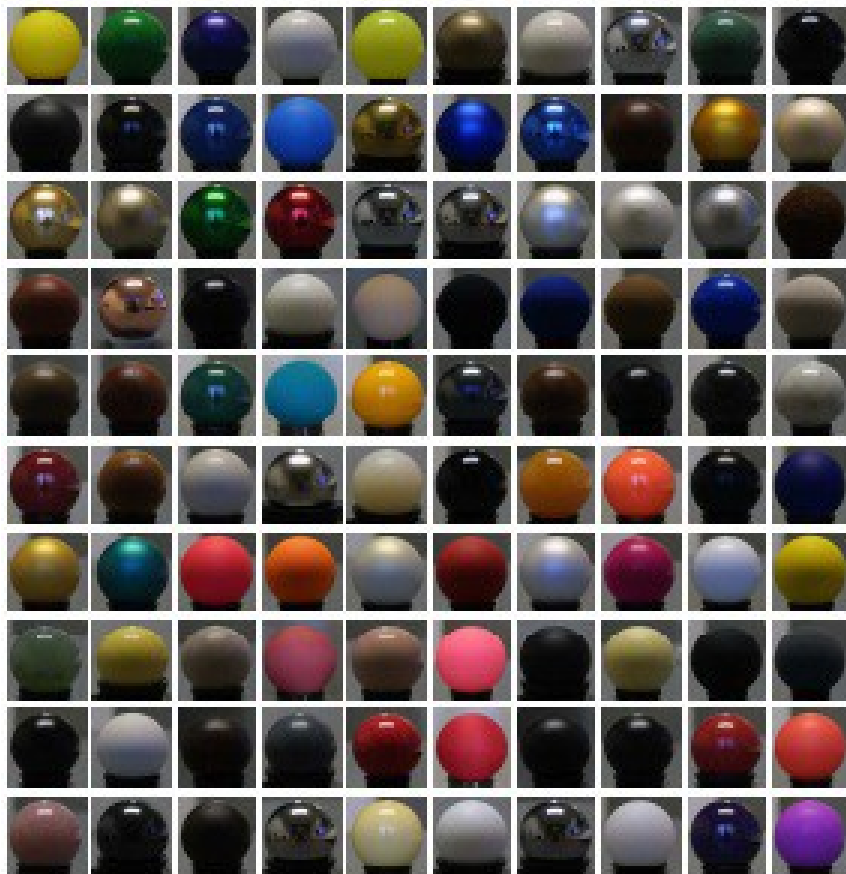
$$f_r(x, \Psi \rightarrow \Theta) = \frac{dL(x \rightarrow \Theta)}{dE(x \leftarrow \Psi)} = \frac{dL(x \rightarrow \Theta)}{L(x \leftarrow \Psi) \cos(N_x, \Psi) d\omega_\Psi}$$

Измерения BRDF



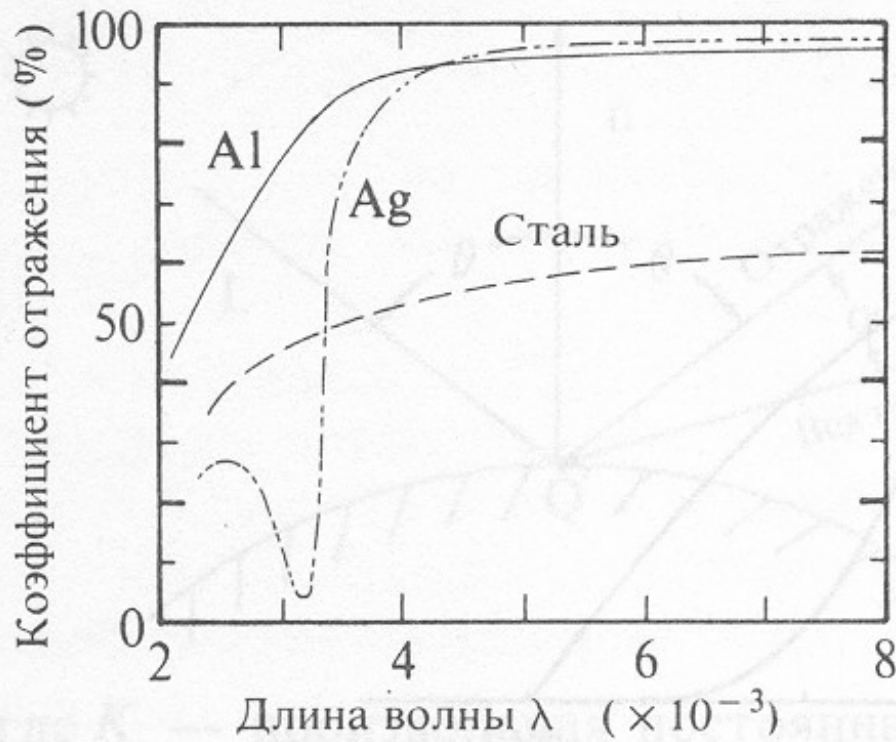
База данных MERL BRDF

MITSUBISHI ELECTRIC RESEARCH LABORATORIES

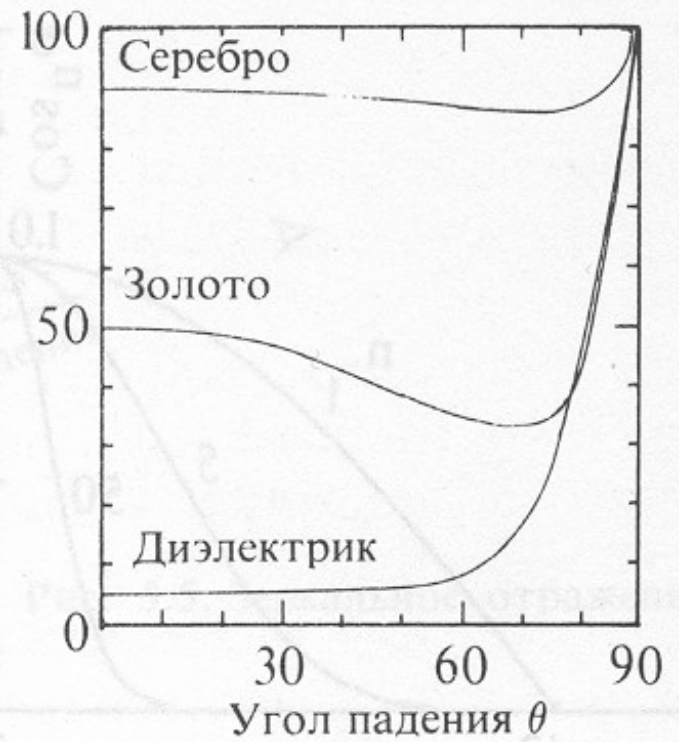


100
измеренных
материалов

Зеркальное отражение



а

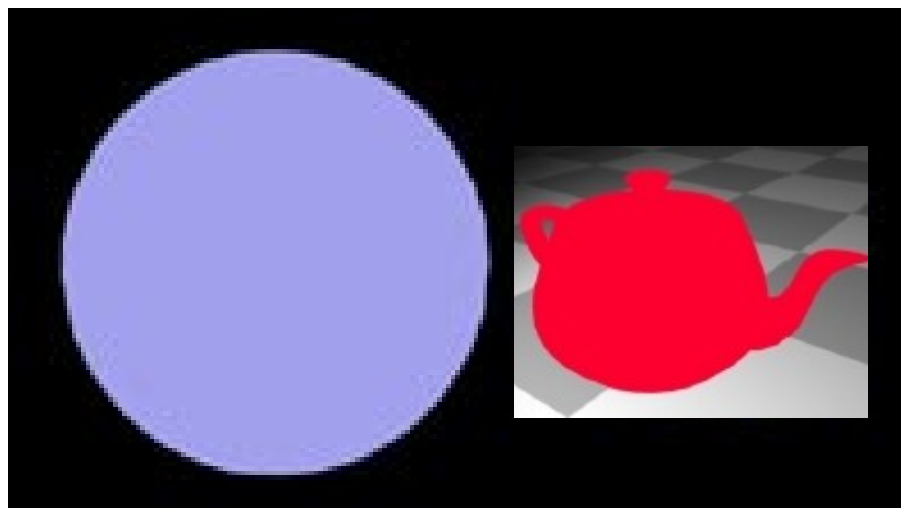


б

Рассеянный свет и диффузное отражение

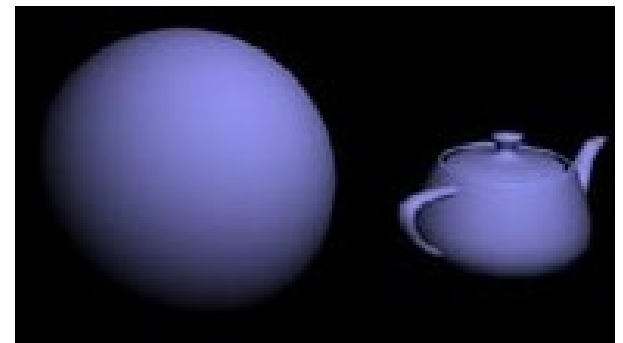
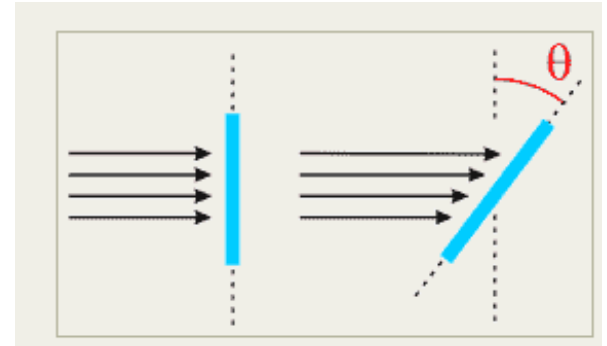
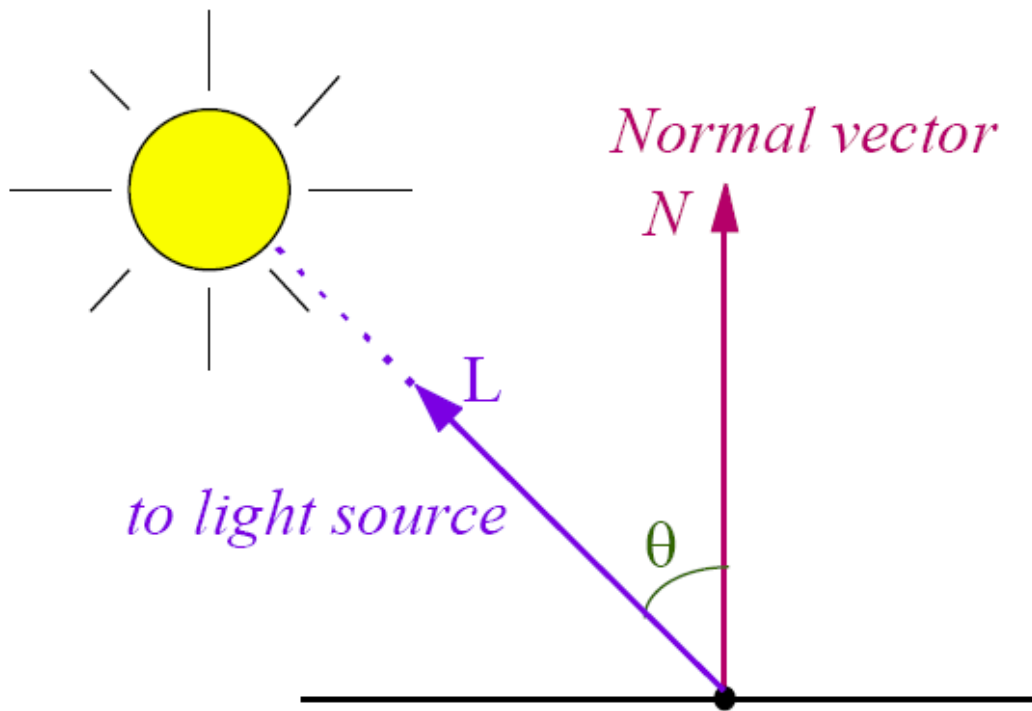
$$I = k_a \cdot I_A$$

ambient light



Увеличение k_a

Рассеянный свет и диффузное отражение



$$I = k_d \cdot \cos \theta \cdot I_L$$

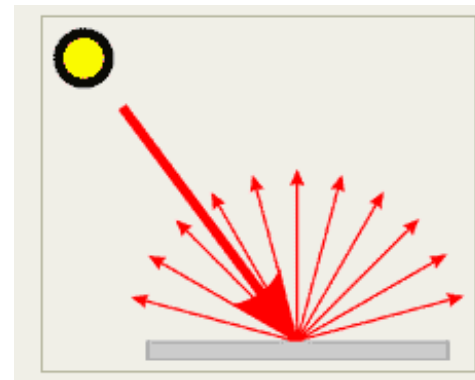
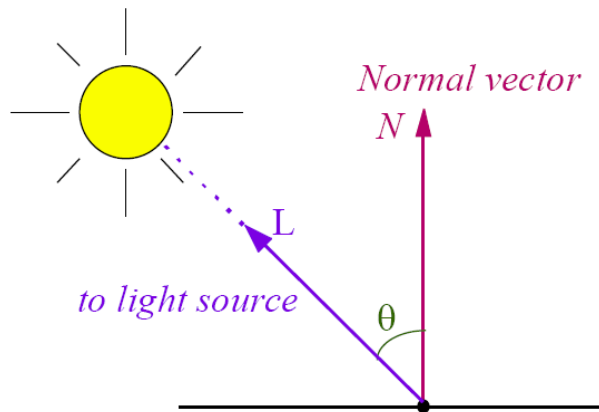
diffuse light

Рассеянный свет и диффузное отражение

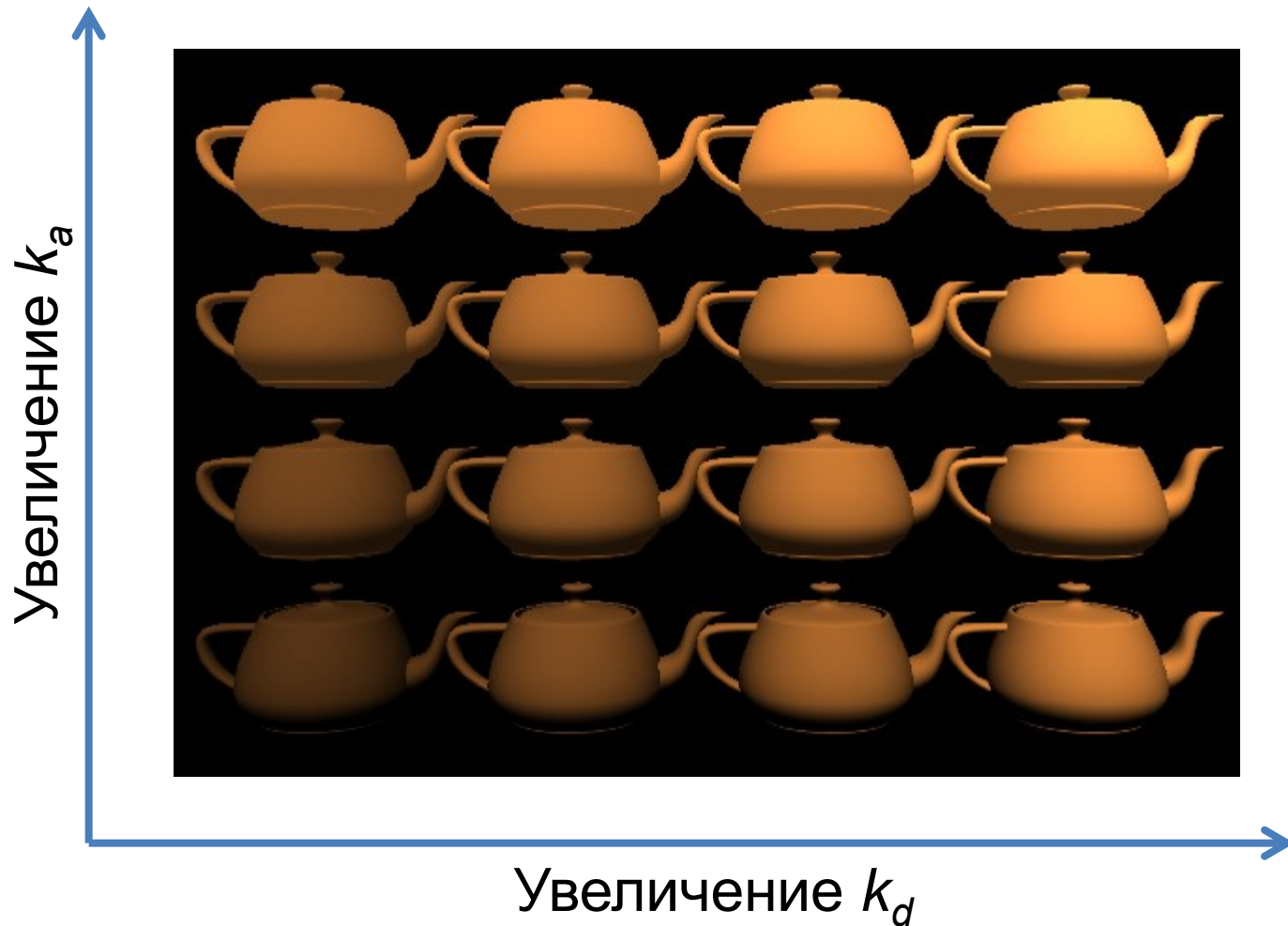
$$I = k_d \cdot \cos \theta \cdot I_L + k_a \cdot I_A$$

diffuse light

ambient light

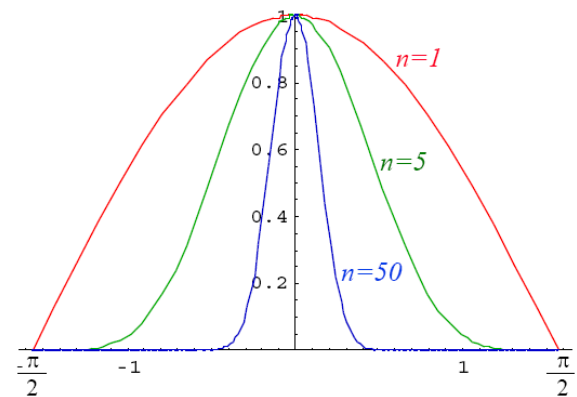
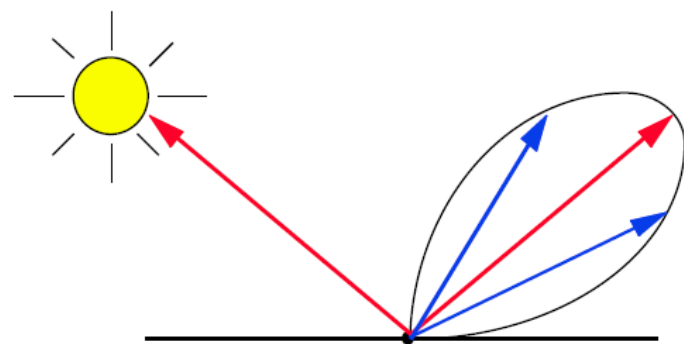
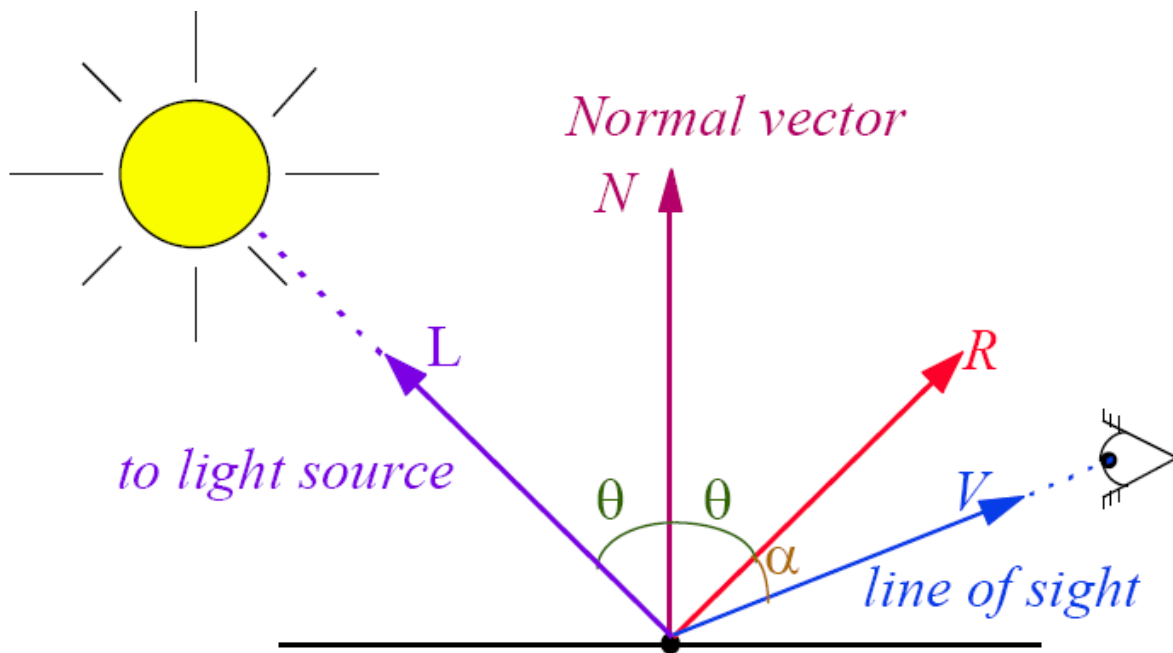


Рассеянный свет и диффузное отражение





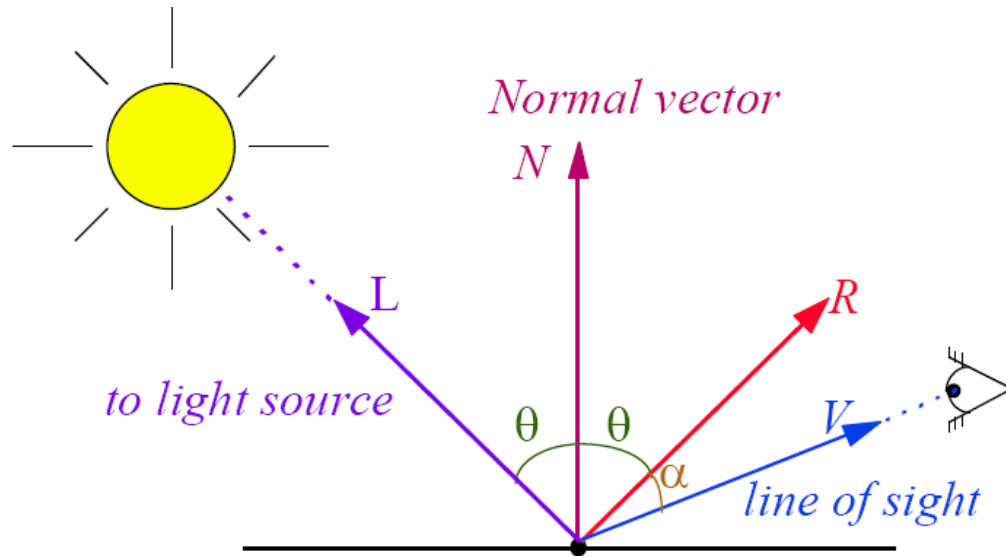
Зеркальное отражение



$$I = k_s \cdot \cos^n \alpha \cdot I_L$$

specular light

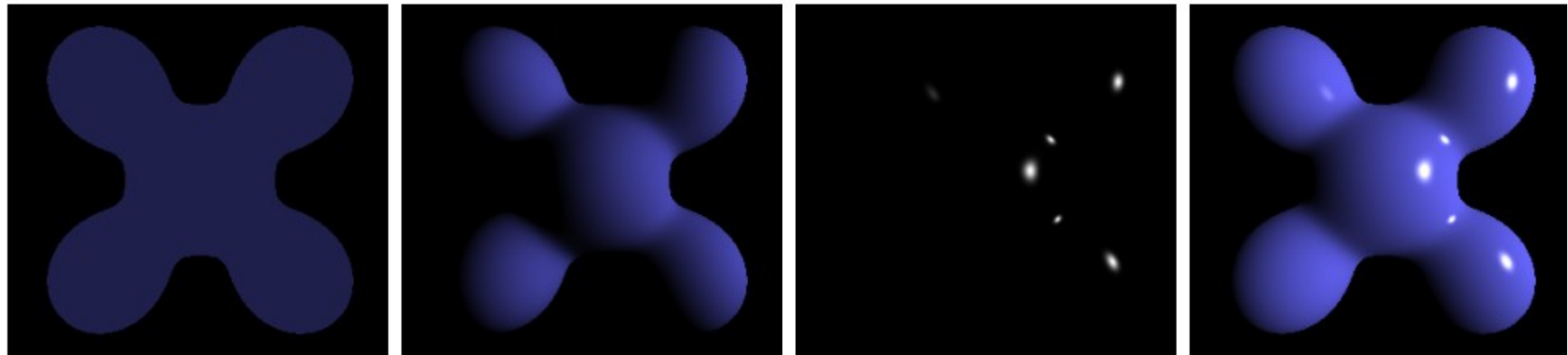
Модель полного отражения по Фонгу (Phong reflection model)



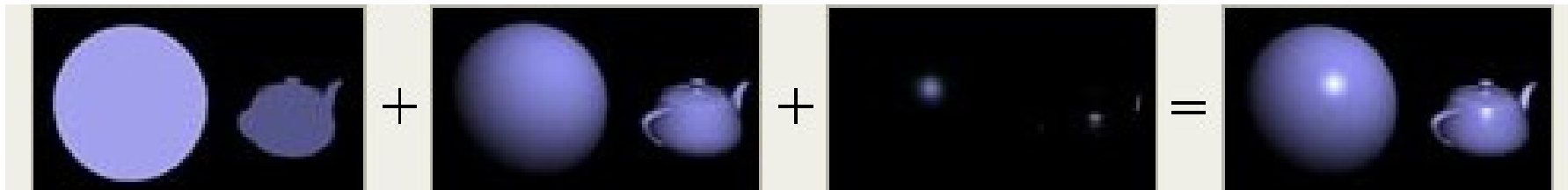
$$I = I_A \cdot k_a + I_L \cdot (k_d \cdot \cos \theta + k_s \cdot \cos^n \alpha)$$

$$I = I_A \cdot k_a + I_L \cdot (k_d \cdot (N \cdot L) + k_s \cdot (R \cdot V)^n)$$

Модель полного отражения по Фонгу (Phong reflection model)



Ambient + Diffuse + Specular = Phong Reflection



(a) ambient



(b) diffuse

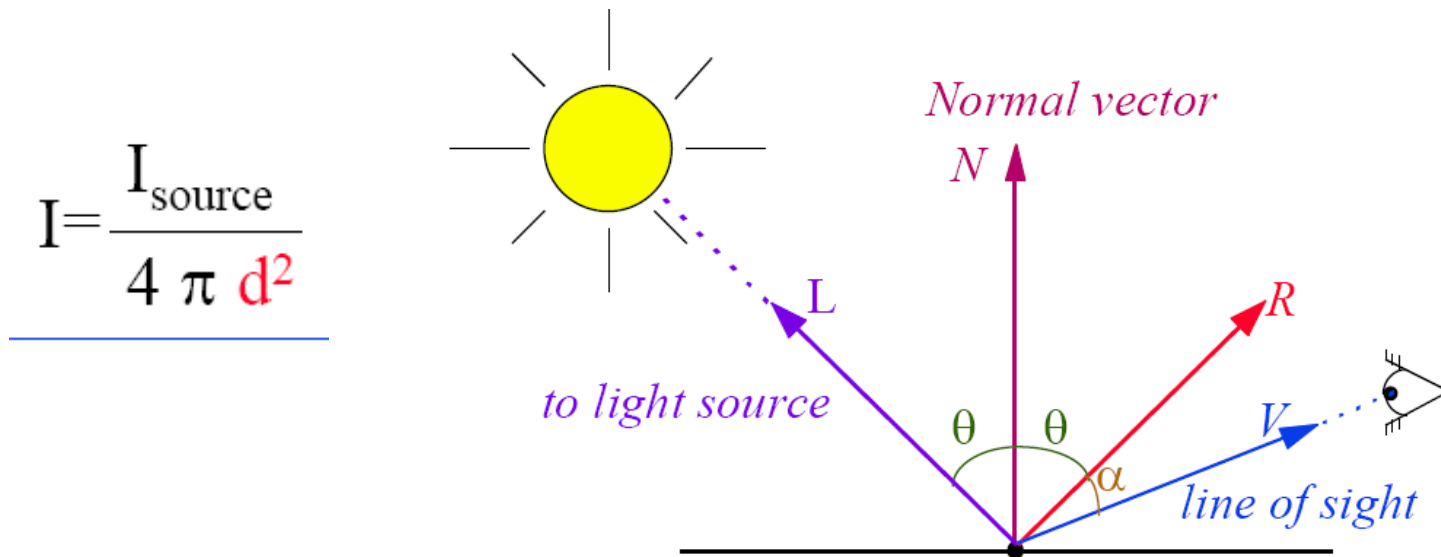


(c) specular



(d) diff.+spec.

Модель полного отражения по Фонгу (Phong reflection model)



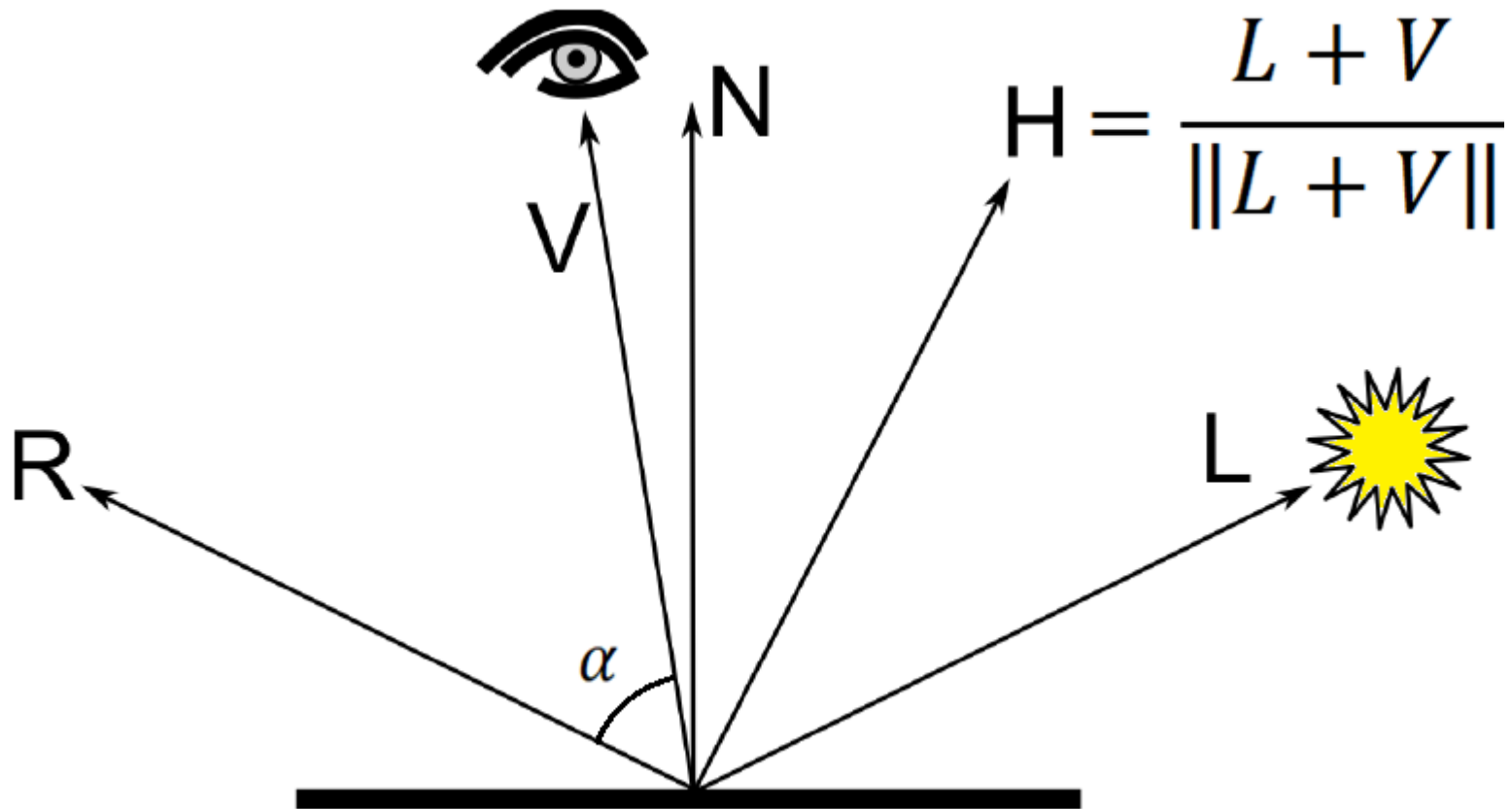
$$I = \frac{I_{\text{source}}}{4 \pi d^2}$$

$$I = K_{\alpha} I_{\alpha} + \frac{I_l}{d^p + K} (K_d \cos(\theta) + K_s \cos^n(\alpha))$$

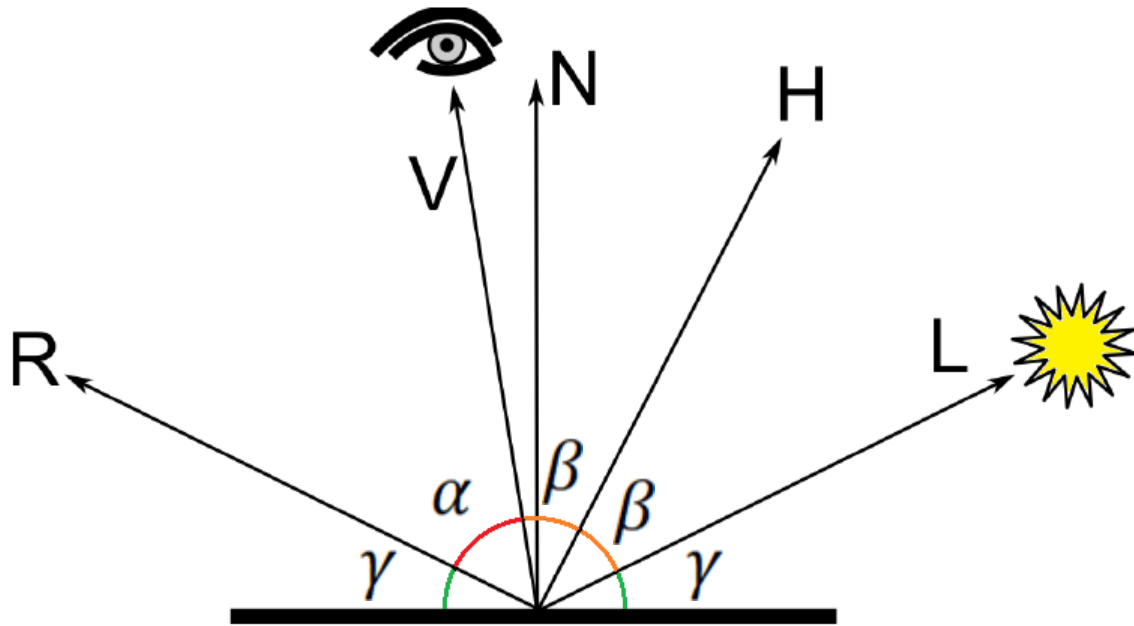
$$I = \text{Ambient} + \text{attenuation} (\text{diffuse} + \text{specular})$$

$$I = K_{\alpha} I_{\alpha} + \frac{I_l}{d^p + K} (K_d (N \cdot L) + K_s (R \cdot V)^n)$$

Blinn-Phong reflection model



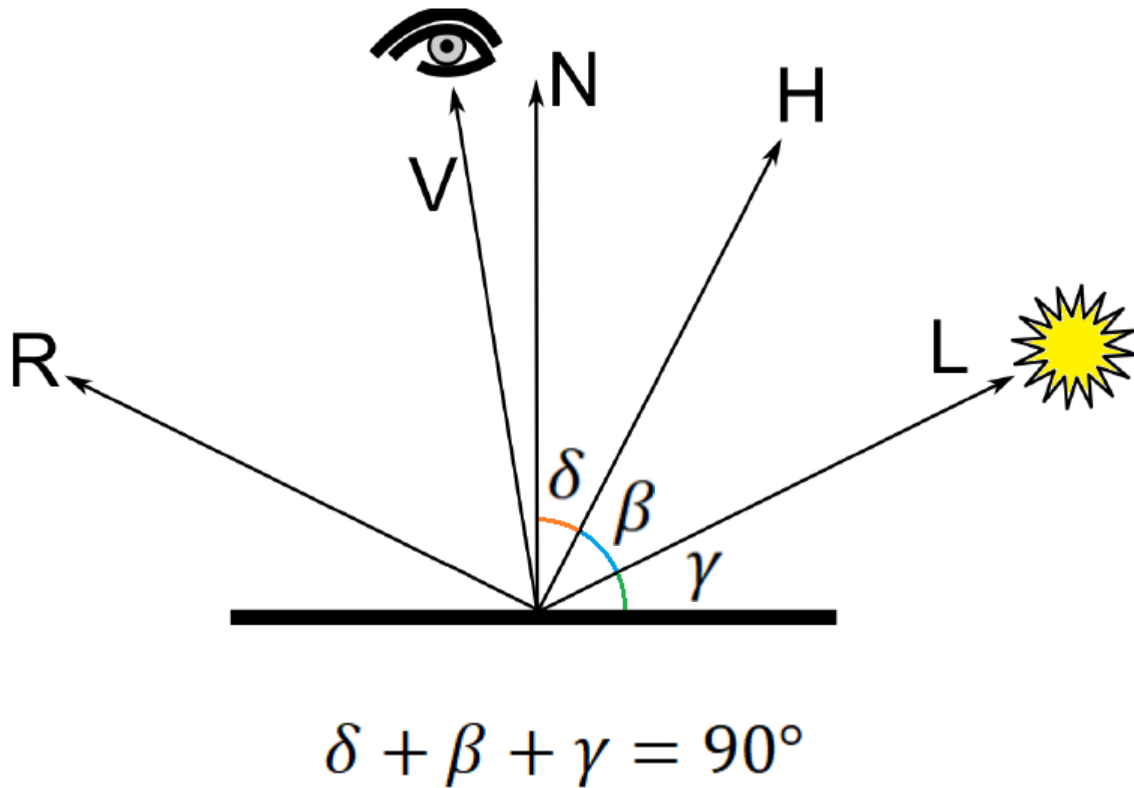
Blinn-Phong reflection model



$$H = \frac{L + V}{\|L + V\|}$$

$$\alpha + 2\beta + 2\gamma = 180^\circ$$

Blinn-Phong reflection model



$$H = \frac{L + V}{\|L + V\|}$$

$$\alpha + 2\beta + 2\gamma = 180^\circ$$

Blinn-Phong reflection model

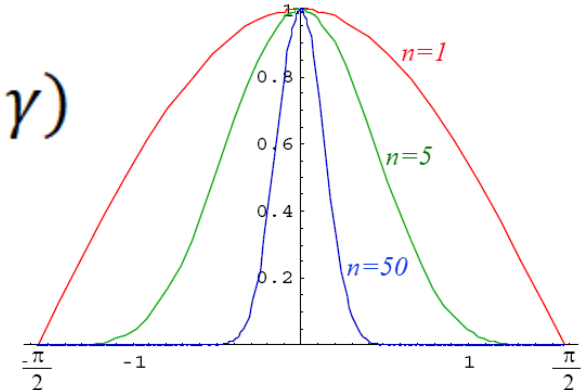
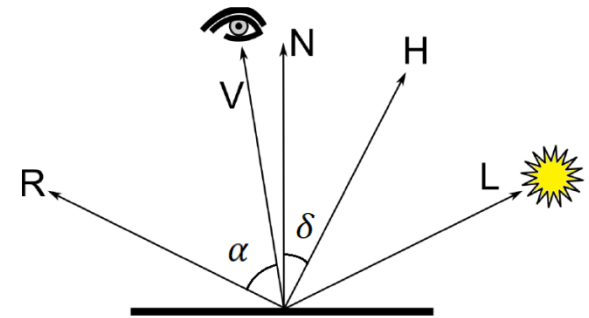
$$\alpha + 2\beta + 2\gamma = 180^\circ$$

$$\delta + \beta + \gamma = 90^\circ$$

$$\delta = 90^\circ - \beta - \gamma$$

$$\alpha = 180^\circ - 2\beta + 2\gamma = 2 \cdot (90^\circ - \beta - \gamma)$$

$$\alpha = 2\delta$$



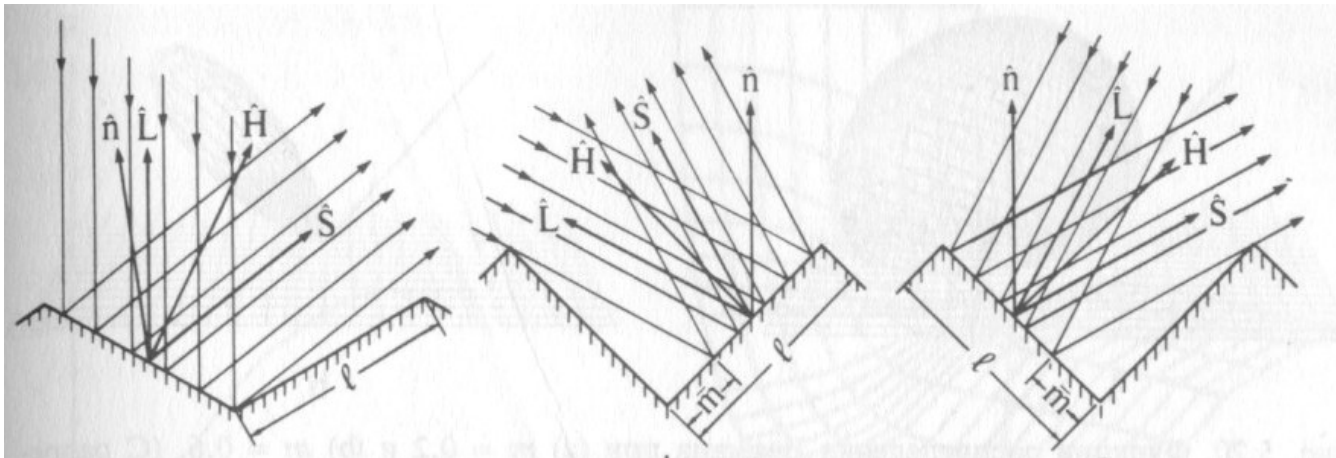
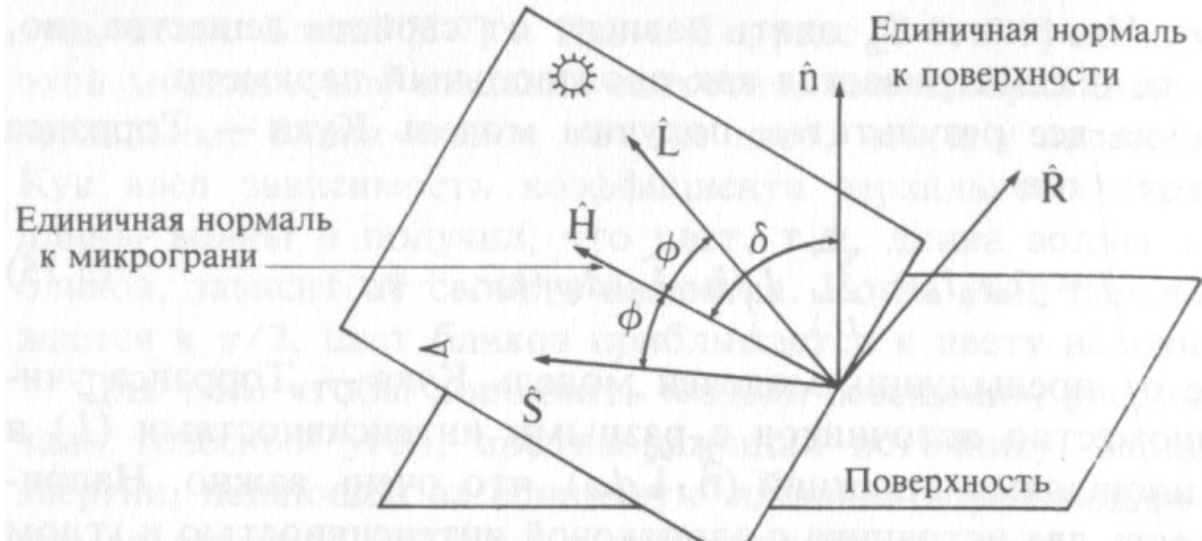
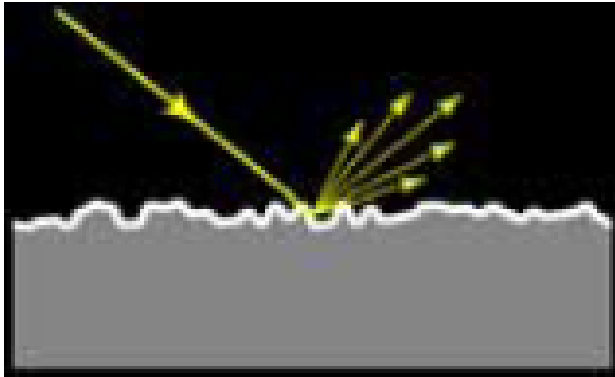
$$I = I_A \cdot k_a + I_L \cdot (k_d \cdot (N \cdot L) + k_s \cdot (N \cdot H)^n)$$

$$I = I_A \cdot k_a + I_L \cdot (k_d \cdot (N \cdot L) + k_s \cdot (R \cdot V)^n)$$

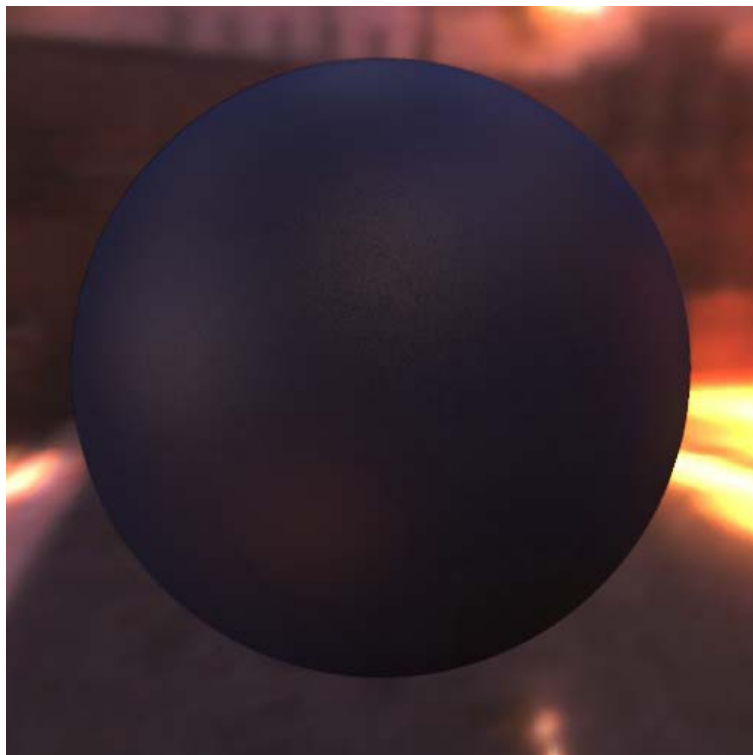
Торрэнс-Спэрроу (распр.Гаусса, Бэкмана)

$$D = c_1 e^{-(\delta/m)^2},$$

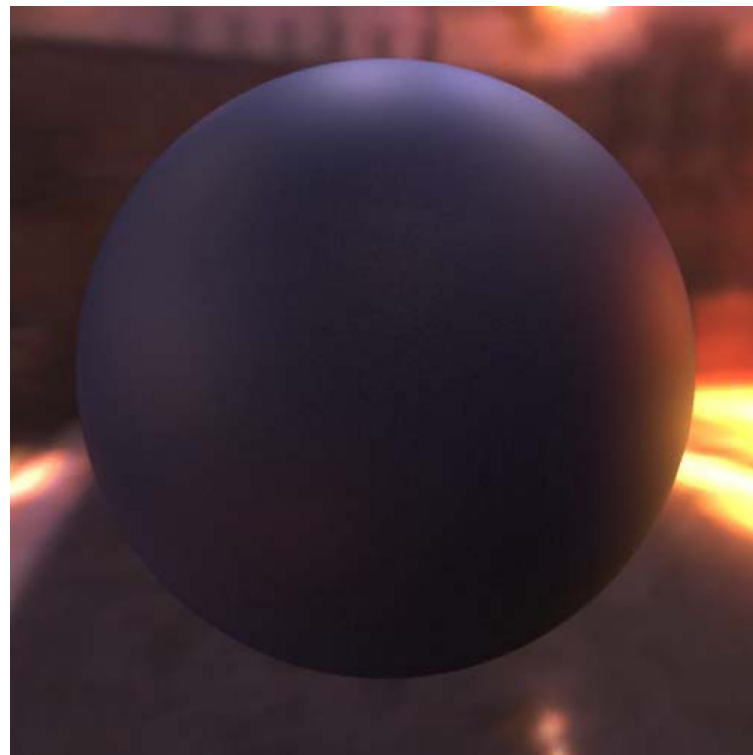
$$D = \frac{1}{m^2 \cos^4 \delta} e^{-(\text{tg} \delta / m)^2},$$



Торрэнс-Спэрроу

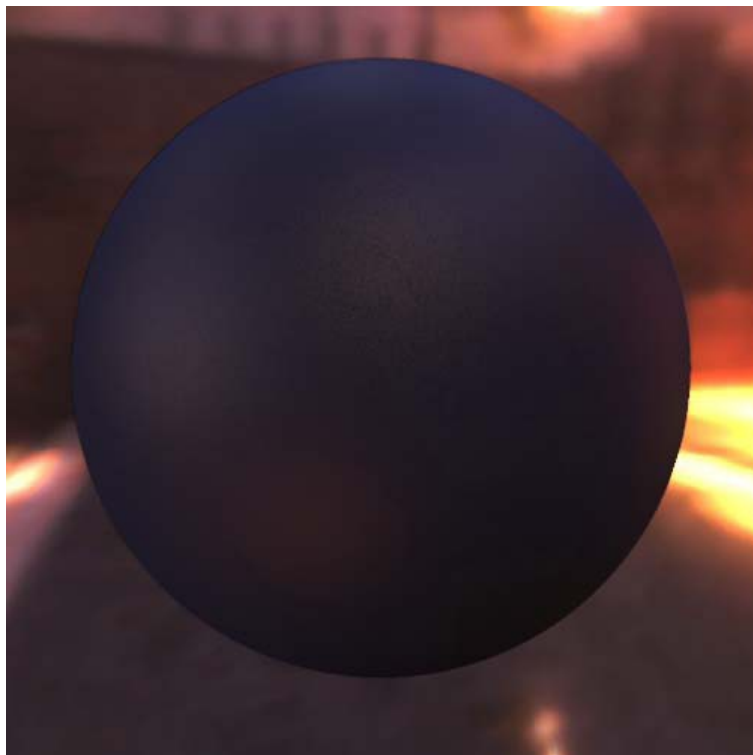


реальное изображение

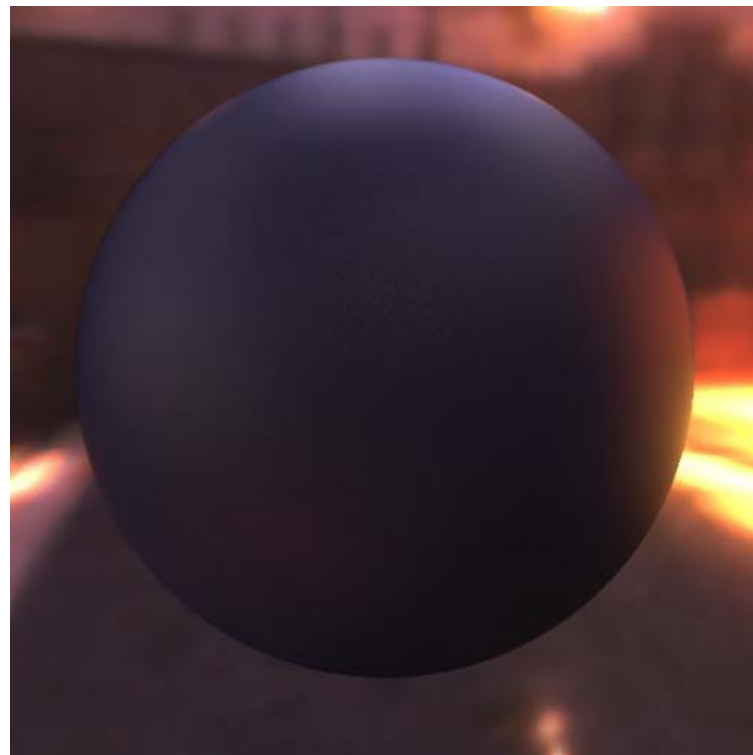


модель Фонга

Торрэнс-Спэрроу



реальное изображение



модель Торрэнса

Текстурирование BRDF

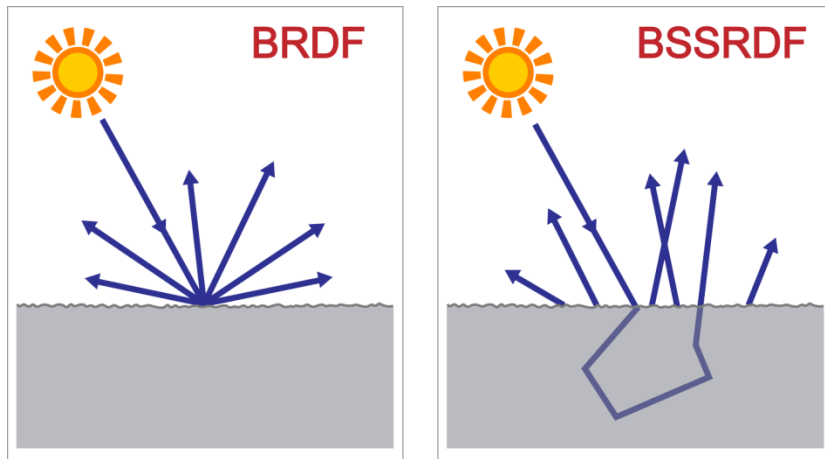


Одинаковая BRDF



BRDF в каждой точке

BSSRDF : Bidirectional surface scattering reflectance distribution function



- 8D function
- Subsurface Scattering



Ravi Ramamoorthi

BSSRDF : Bidirectional surface scattering reflectance distribution function



BRDF



BSSRDF

BSSRDF : Bidirectional surface scattering reflectance distribution function



BRDF



BSSRDF



(a)



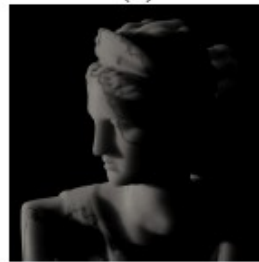
(b)



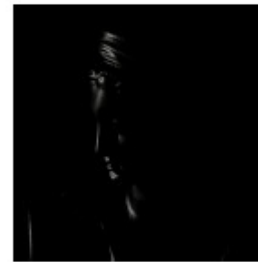
(c)



(d)



(e)



(f)

A simulation of subsurface scattering in a marble bust. illuminated from behind and rendered using: (a) BRDF approximation (2 m), (b) BSSRDF approximation (5 m), and (c) a full Monte Carlo simulation (in 1250 minutes).

Notice how the BSSRDF model matches the appearance of the Monte Carlo simulation, yet is significantly faster. The images in (d–f) show the different components of the BSSRDF: (d) single scattering term, (e) diffusion term, and (f) Fresnel term.

Компьютерная Графика

Освещение

Lights and Materials

Источники света (Lights) освещают объекты сцены

DirectX подчитывает цвет **каждой вершины** объекта, исходя из:

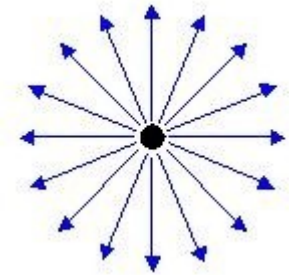
- цвет вершины - Materials
- цвет источника света - Lights



Lights and Materials

Point Light - аналог лампы накаливания

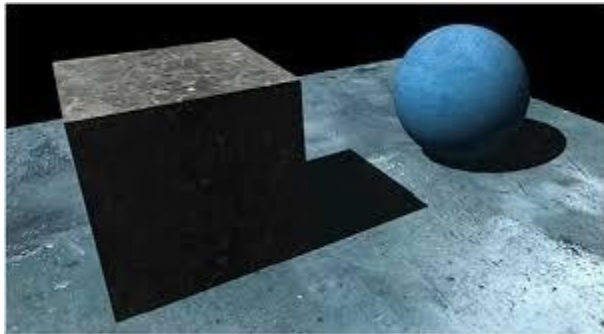
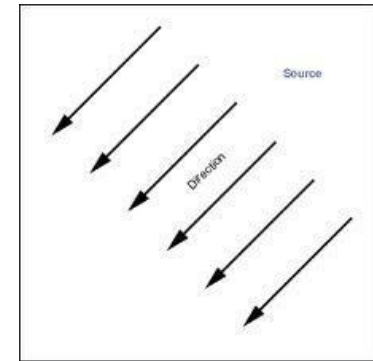
- ПОЗИЦИЯ
- ЦВЕТ
- направление - все стороны
- затухает на расстоянии



Lights and Materials

Directional Light - аналог солнца днём (на Земле)

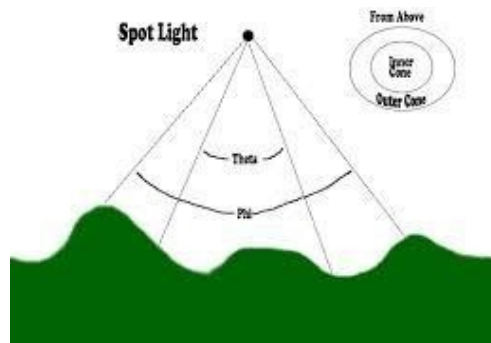
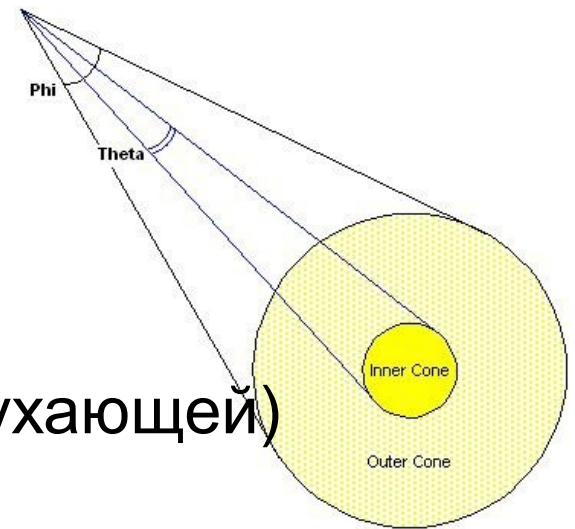
- позиции **нет**
- цвет
- направление - лучи параллельны
- **не** затухает на расстоянии



Lights and Materials

Spot Light - аналог фонарика или прожектора

- ПОЗИЦИЯ
- ЦВЕТ
- направление - два конуса
(постоянной интенсивности и затухающей)
- затухает на расстоянии



Lights and Materials

Materials

Материалы задают то, как объекты отражают свет

Цвет каждого пиксела на экране состоит из:

- ambient
- diffuse
- specular
- emissive
- reflection
- ...

Lights and Materials

Составляющая Ambient

это постоянная составляющая цвета



Обычно используется эта формула:

Ambient Lighting = Ga

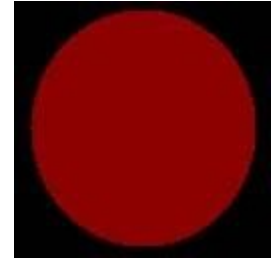
Ga - Global ambient color



Например, когда небо пасмурное днём, все объекты всё равно освещены на улице

Lights and Materials

Составляющая Ambient
более общая формула:



$$\text{Ambient Lighting} = C_a * [G_a + \text{sum}(Atten_i * Spot_i * L_{ai})]$$

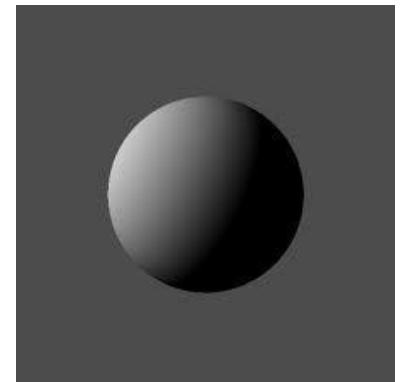
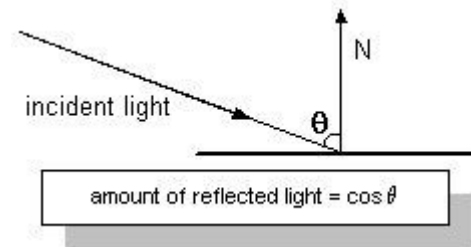
Parameter	Default value	Type	Description
C_a	(0,0,0,0)	D3DCOLORVALUE	Material ambient color
G_a	(0,0,0,0)	D3DCOLORVALUE	Global ambient color
$Atten_i$	(0,0,0,0)	D3DCOLORVALUE	Light attenuation of the i th light. See Attenuation and Spotlight Factor (Direct3D 9) .
$Spot_i$	(0,0,0,0)	D3DVECTOR	Spotlight factor of the i th light. See Attenuation and Spotlight Factor (Direct3D 9) .
sum	N/A	N/A	Sum of the ambient light
L_{ai}	(0,0,0,0)	D3DVECTOR	Light ambient color of the i th light

Lights and Materials

Составляющая Diffuse

это составляющая цвета зависит от нормали

Diffuse Lighting = (N*Ldir)



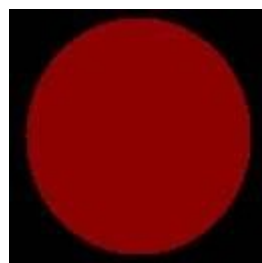
N - Vertex normal

Ldir - Direction vector from object vertex to the light



diffuse

+



ambient

=

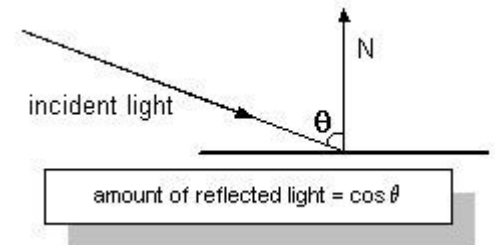


diffuse + ambient

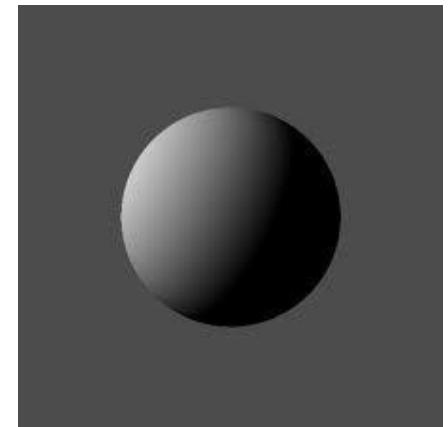
Lights and Materials

Составляющая Diffuse
более общая формула:

Diffuse Lighting = sum[Cd*Ld*(N.Ldir)*Atten*Spot]



Parameter	Default value	Type	Description
sum	N/A	N/A	Summation of each light's diffuse component.
C _d	(0,0,0)	D3DCOLORVALUE	Diffuse color.
L _d	(0,0,0)	D3DCOLORVALUE	Light diffuse color.
N	N/A	D3DVECTOR	Vertex normal
L _{dir}	N/A	D3DVECTOR	Direction vector from object vertex to the light.
Atten	N/A	FLOAT	Light attenuation. See Attenuation and Spotlight Factor (Direct3D 9) .
Spot	N/A	FLOAT	Spotlight factor. See Attenuation and Spotlight Factor (Direct3D 9) .



Lights and Materials

Составляющая Specular
это просто блик

$$\text{Specular Lighting} = (\mathbf{N} \cdot \mathbf{H})^P$$

N - Vertex normal

H - Half way vector

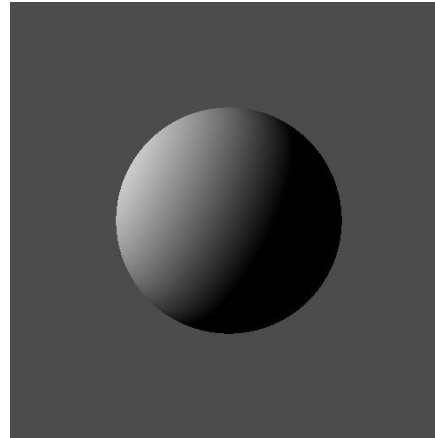
P - Specular reflection power. Range is 0 to +infinity

$$\mathbf{H} = \text{norm}(\text{norm}(\mathbf{C}_p - \mathbf{V}_p) + \mathbf{L}_{\text{dir}})$$

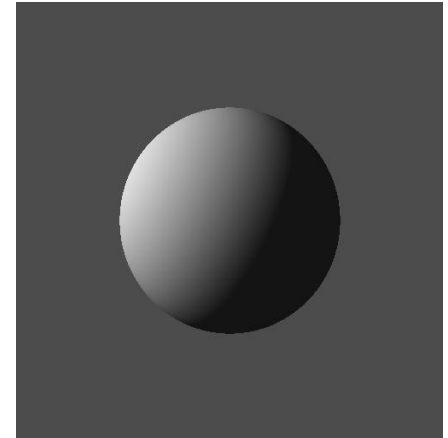
\mathbf{C}_p - Camera position

\mathbf{V}_p - Vertex position

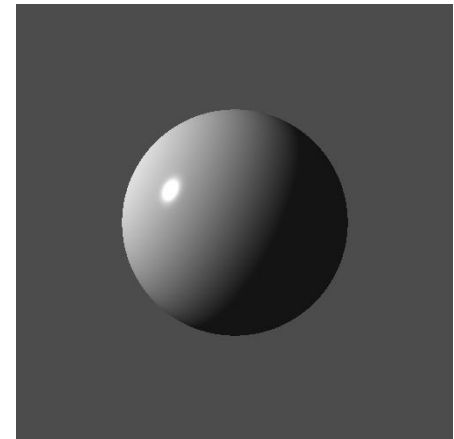
\mathbf{L}_{dir} - Direction vector from vertex position to the light position



diffuse



diffuse + ambient



diffuse + ambient +
specular

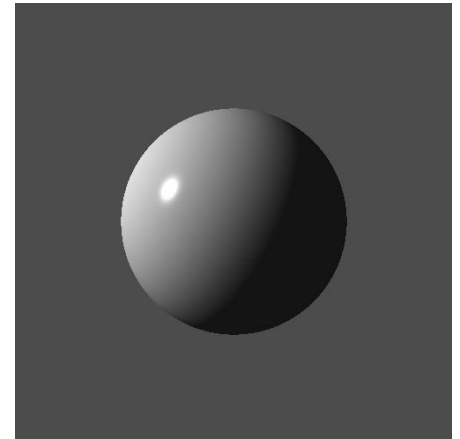
Lights and Materials

Составляющая Specular

это просто блик. Общая формула:

$$\text{Specular Lighting} = C_s * \text{sum}[L_s * (N \cdot H)^P * \text{Atten} * \text{Spot}]$$

Parameter	Default value	Type	Description
C_s	(0,0,0,0)	D3DCOLORVALUE	Specular color.
sum	N/A	N/A	Summation of each light's specular component.
N	N/A	D3DVECTOR	Vertex normal.
H	N/A	D3DVECTOR	Half way vector. See the section on the halfway vector.
P	0.0	FLOAT	Specular reflection power. Range is 0 to +infinity
L_s	(0,0,0,0)	D3DCOLORVALUE	Light specular color.
Atten	N/A	FLOAT	Light attenuation value. See Attenuation and Spotlight Factor (Direct3D 9) .
Spot	N/A	FLOAT	Spotlight factor. See Attenuation and Spotlight Factor (Direct3D 9) .



diffuse + ambient +
specular

Lights and Materials

Attenuation (коэффициент затухания)

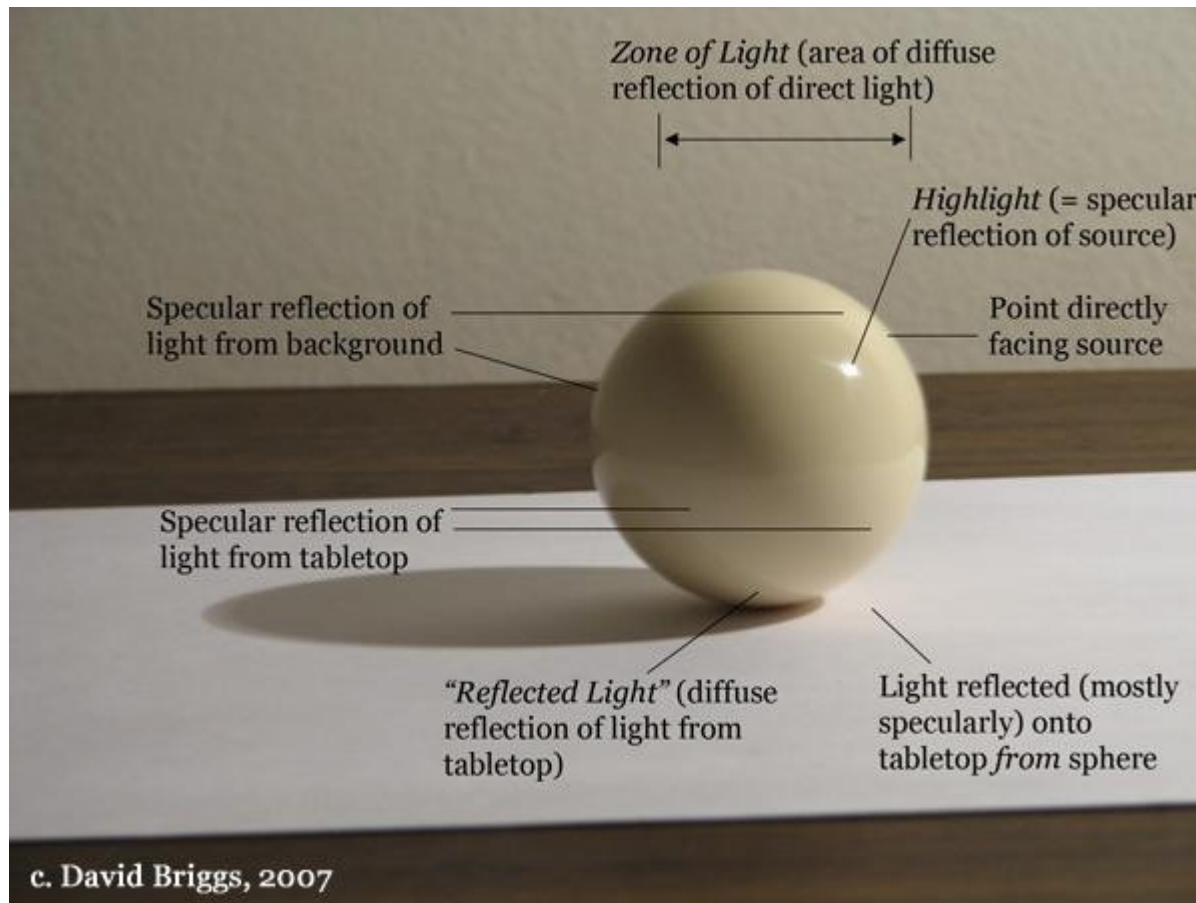
$$\text{Atten} = 1 / (\text{att0}_i + \text{att1}_i * d + \text{att2}_i * d^2)$$

Parameter	Default value	Type	Description	Range
att0 _i	0.0	FLOAT	Constant attenuation factor	0 to +infinity
att1 _i	0.0	FLOAT	Linear attenuation factor	0 to +infinity
att2 _i	0.0	FLOAT	Quadratic attenuation factor	0 to +infinity
d	N/A	FLOAT	Distance from vertex position to light position	N/A

- Atten = 1, if the light is a directional light.
- Atten = 0, if the distance between the light and the vertex exceeds the light's range.

Lights and Materials

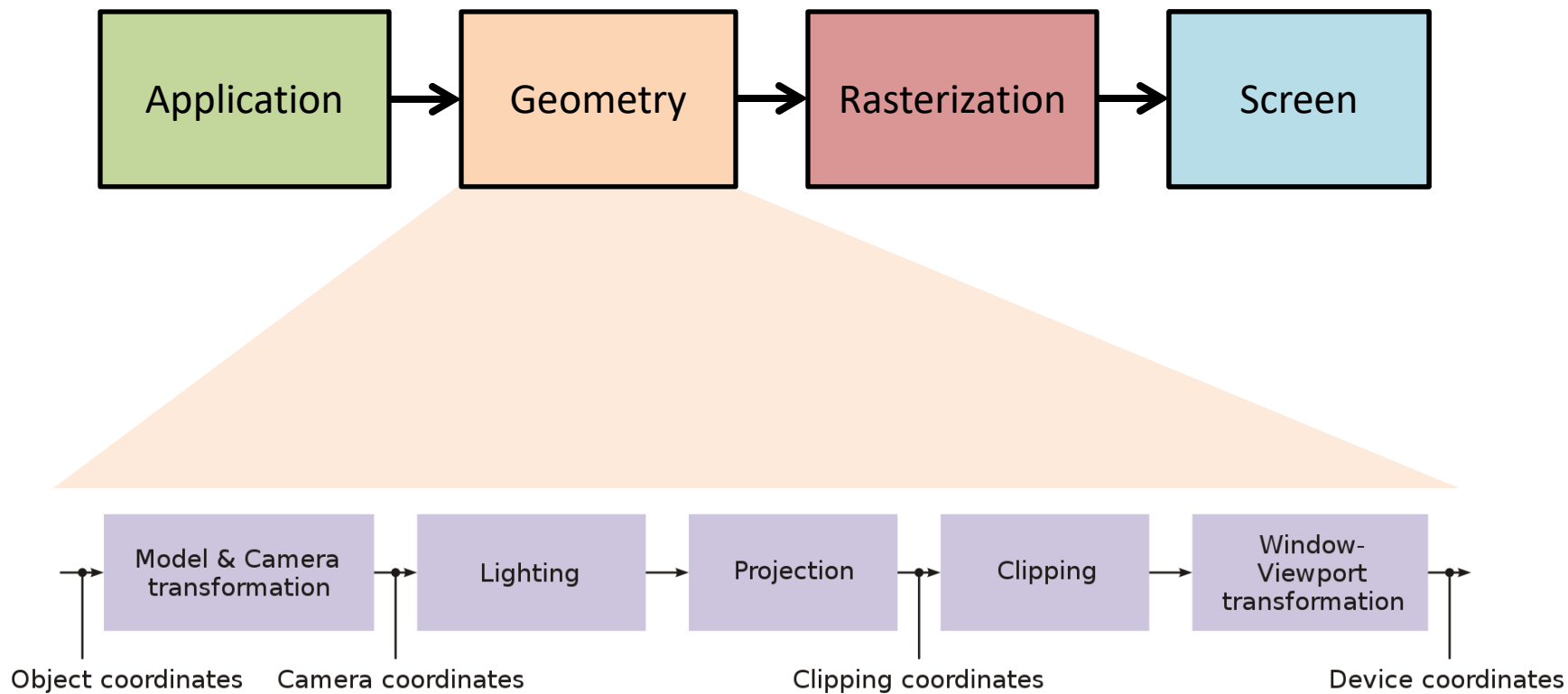
Классический пример для художников



Компьютерная Графика

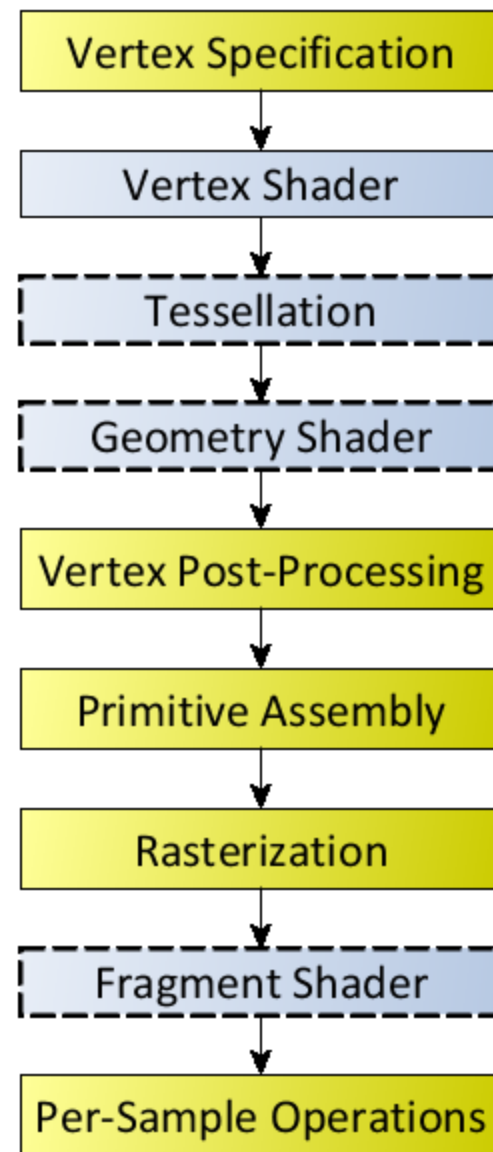
Vertex Shaders

Конвейер OpenGL



Конвейер OpenGL

- 1) Vertex Specification – задание геометрии объектов.
- 2) Vertex shader – обработка заданных вершин (в мировом пространстве).
- 3) - (опционально) -
- 4) - (опционально) -
- 5) Vertex post-processing – сохранение примитивов.
- 6) Primitive assembly – клипирование (отбрасывание ненужных частей), видовое и проективное преобразования (в пространство экрана).
- 7) Rasterization – разбиение на горизонтальные фрагменты, видимые на экране.
- 8) Fragment Shader – обработка фрагментов.
- 9) Per-Sample Operations – итоговое заполнение пикселей на экране.



Конвейер OpenGL

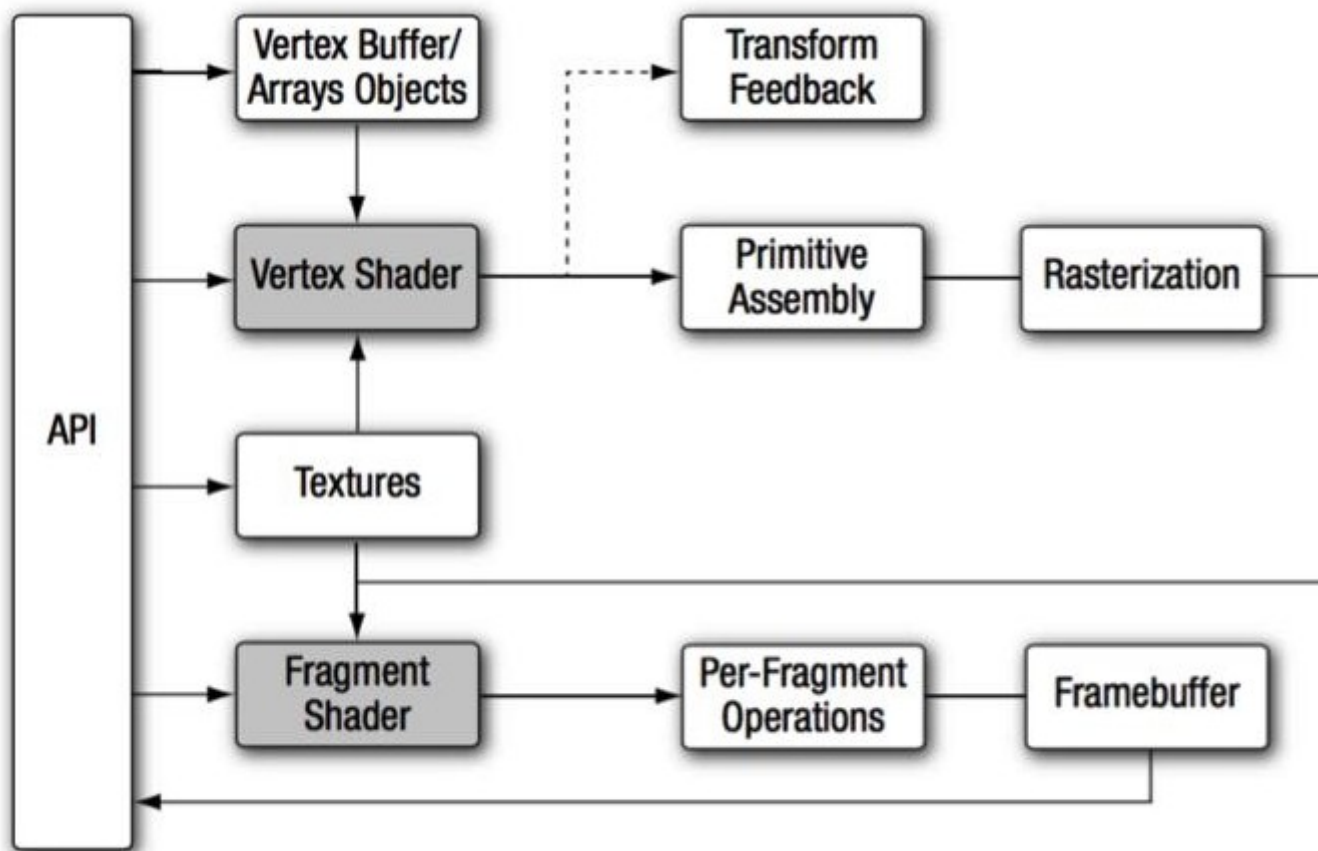
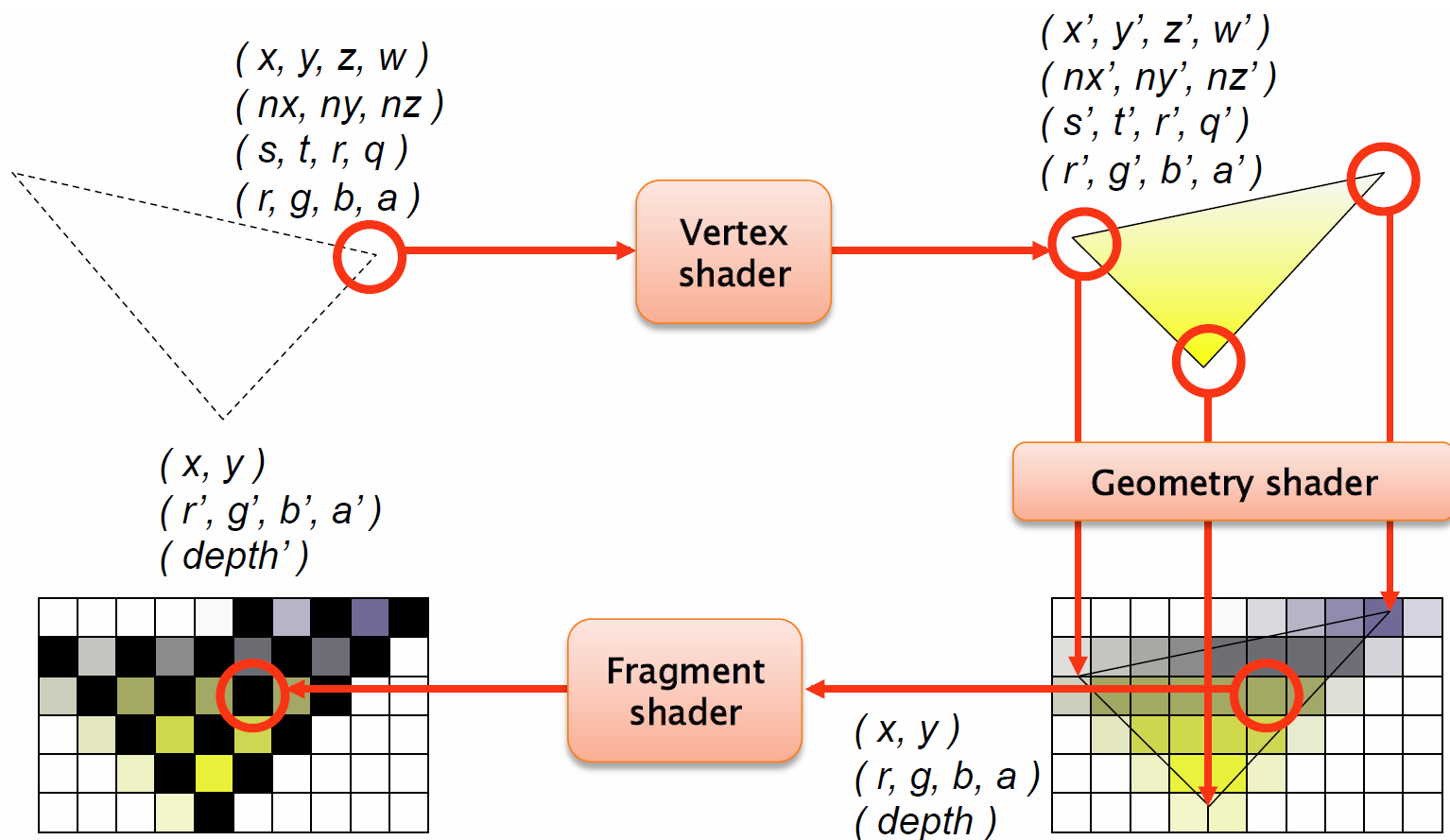


Figure 1-1 OpenGL ES 3.0 Graphics Pipeline

Шейдеры



Vertex Shader

Vertex shader is a **small program**¹ that is **executed on GPU**² for **each vertex**³ in mesh

small program¹ = is a small assembly-language program (compiled code)

executed on GPU² = i.e. 1 000 000 vertices per frame, GPU has 1 000 cores

each vertex³ = single vertex at a time, doesn't generate new vertices

Shader от слова **shading**, по-русски - **освещение** (прямой перевод - **затенение**)



Vertex Shader

Can do:

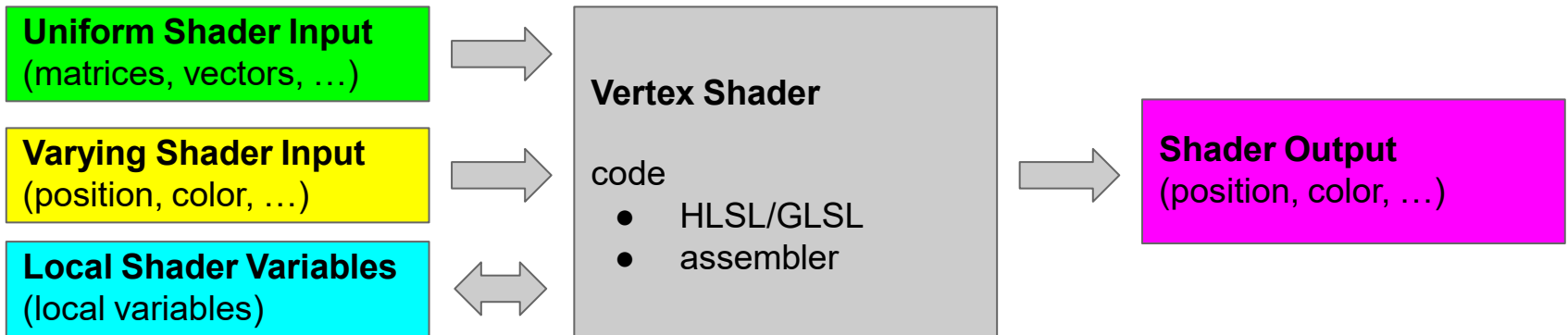
- **transform** each vertex's **3D position** in virtual space to the **2D coordinate** at which it appears on the screen
- **manipulate** properties such as **position**, **color** and **texture coordinate**
- can enable **powerful control** over the details of **position**, **movement**, **lighting**, and **color** in any scene

Can't do:

- polygon based operations (back face culling, occlusion culling)
- write to other vertices
- create new vertices



Example. OpenGL 2.0.



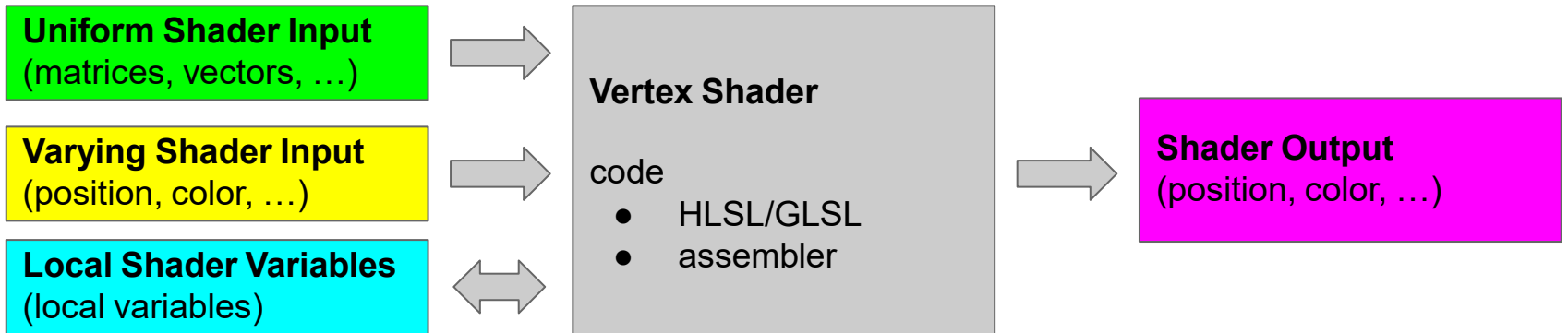
```
#version 110

uniform vec4 constColor;
uniform mat4 matrixWorldViewProjT;

attribute vec3 position;
attribute vec4 color;

void main()
{
    gl_Position = vec4(position, 1.0) * matrixWorldViewProjT;
    gl_FrontColor = color * constColor;
}
```

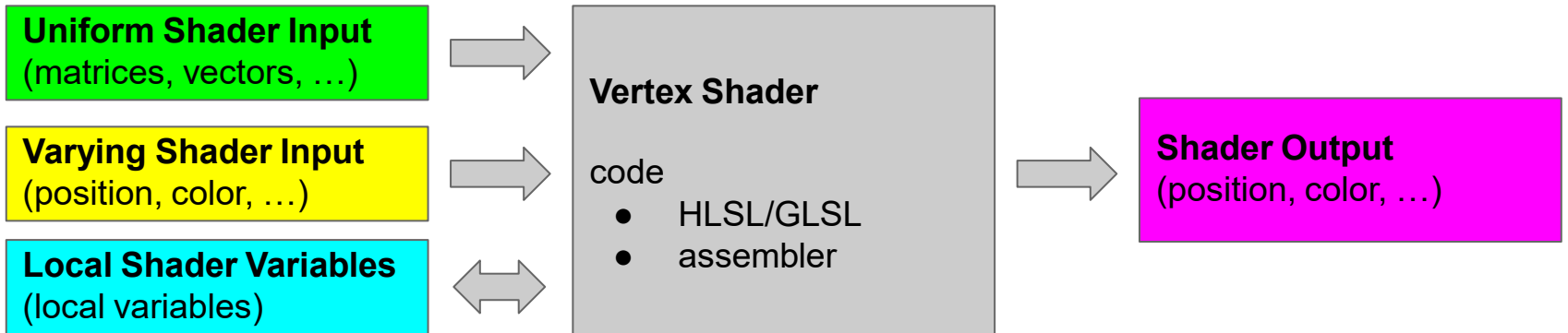
Example. DirectX 9.



```
float4x4    matrixWorldViewProjT;  
float4     materialColor;  
struct VS_INPUT  
{  
    float4  Position    : POSITION;  
    float4  Color       : COLOR;  
};  
struct VS_OUTPUT  
{  
    float4  Position    : POSITION;  
    float4  Color       : COLOR0;  
};
```

```
VS_OUTPUT main( VS_INPUT input )  
{  
    VS_OUTPUT output;  
  
    output.Position = mul(input.Position, matrixWorldViewProjT);  
    output.Color    = input.Color * materialColor;  
  
    return output;  
};
```

Example. DirectX 11.



```
cbuffer ConstantBuffer : register( b0 )
```

```
{
    float4x4 matrixWorldViewProjT;
    float4   materialColor;
}
```

```
struct VS_INPUT
```

```
{
    float4   Position : POSITION;
    float4   Color    : COLOR;
};
```

```
struct PS_INPUT
```

```
{
    float4   Position : SV_POSITION;
    float4   Color    : COLOR;
};
```

```
PS_INPUT VS( VS_INPUT input )
```

```
{
    PS_INPUT output = (PS_INPUT)0;
```

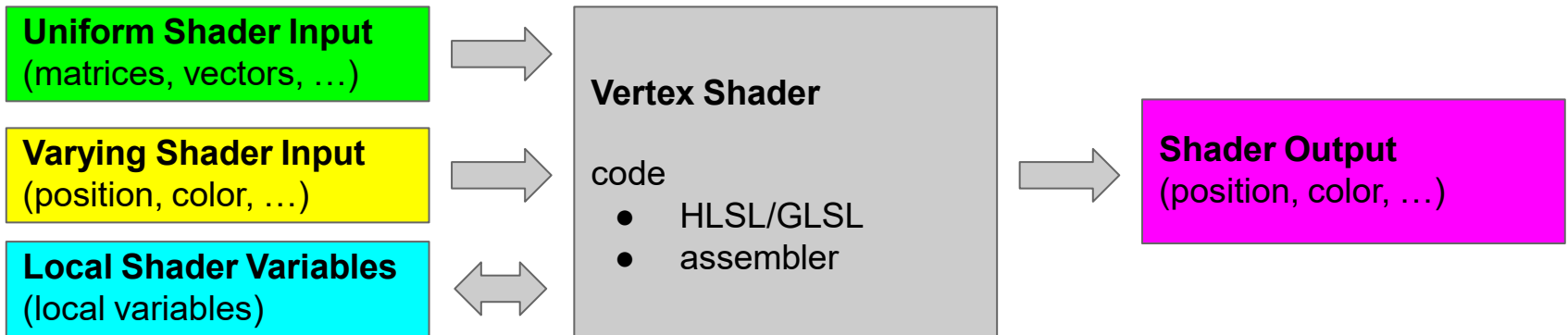
```
    output.Position = mul( input.Position, matrixWorldViewProjT );
    output.Color    = input.Color * materialColor;
```

```
    return output;
```

```
}
float4 PS( PS_INPUT input ) : SV_Target
```

```
{
    return input.Color;
}
```

HLSL/GLSL. Versions.



DirectX version	8.0	9.0	9.0a	9.0c	10, 10.1, 11
Vertex shader version	1.1 ^[13]	2.0 ^{[6][13][14]}	2.0a ^{[6][13][14]}	3.0 ^{[9][13]}	4.0 ^[10] 4.1 ^[15] 5.0
# of instruction slots	128	256	256	≥ 512	4096
max # of instructions executed	128	1024	65536	65536	65536
# constant registers (Uniform Shader Input)	≥ 96	≥ 256	256	≥ 256	16×4096
# temp registers (Local Shader Variables)	12	12	16	32	4096

HLSL/GLSL. Versions.

Сегодня шейдеры пишут на:

- DirectX **HLSL** (High Level Shader Language)
- OpenGL **GLSL** (OpenGL Shader Language)

C-based languages that are compiled to assembler and executed on GPU

Every GPU has list of supported shader versions

DirectX and OpenGL has [list of corresponding versions](#):

DirectX	2.0	2.1	3.0	3.1	3.2	4.0	5.0
OpenGL	1.10	1.20	1.20	1.40	1.50	3.30	4.30

HLSL/GLSL. Types and Functions.

Data Types	DirectX	OpenGL
scalars	bool, int, float	bool, int, float
vectors	float2, float3, float4	vec2, vec3, vec4
matrix	float4x4, float4x3, ...	mat4, mat3, mat2

Built-in Functions	DirectX	OpenGL
trigonometric	sin, cos, tan, asin, acos, atan, atan2	sin, cos, tan, asin, acos, atan
exponential	pow, exp, log, sqrt	pow, exp, log, sqrt
common	abs, sign, floor, ceil, fmod, min, max, clamp, saturate	abs, sign, floor, ceil, mod, min, max, clamp
geometric	length, distance, dot, cross, normalize	length, distance, dot, cross, normalize

GLSL. Features.

Синонимы:

```
x,y,z,w = r,g,b,a = s,t,p,q
```

Подстановки:

```
v.xyxу == vec4(v.x, v.y, v.x, v.y);
```

Жесткая типизация:

```
float v = 1;
```

Vertex shader:

```
highp vec4 gl_Position;      // should be written to  
mediump float gl_PointSize; // may be written to
```